



TP n°.4

Charge et décharge d'un condensateur

Volume horaire : 3^{h00}

Enseignant :

Déroulement de l'expérience : / /

Compte rendu fait par :

Nom	Prénom	Groupe	Note de préparation 5/5	Note Finale 20/20
-	-	-	-	-
-	-	-	-	-
-	-	-	-	-
-	-	-	-	-
-	-	-	-	-

I. But du TP

Le but essentiel de ce TP est de :

- Etudier la charge et la décharge d'un condensateur dans le temps à travers une résistance.
- Déterminer expérimentalement la constante du temps d'un condensateur.
- Déterminer expérimentalement la capacité équivalente d'une association de condensateur en série et en parallèle

II. Etude théorique

1. Charge D'un Condensateur

Soit un générateur de F.e.m E et de résistance interne négligeable monté en série avec un interrupteur à deux positions, R et C sont : une résistance et un condensateur de capacité C respectivement. Le montage est donné dans la figure.1.

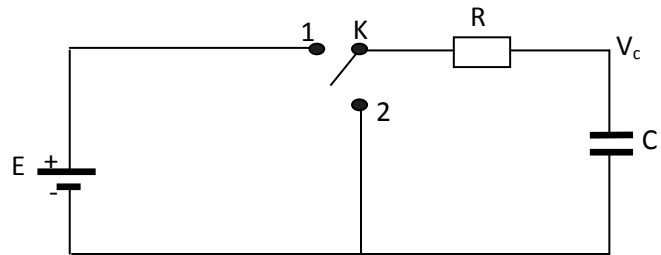


Figure.1

En mettant l'interrupteur en **position 1**, le circuit est alimenté par la source de tension continue E , et le condensateur commence à se charger à travers la résistance R .

L'application de la loi de Kirchhoff au circuit **RC** nous permet d'écrire l'équation différentielle suivante :

$$\sum_i U_i = 0 \Rightarrow Ri + \frac{1}{C} \int idt = E \quad \text{avec : } i = \frac{dq}{dt} \quad \text{et} \quad dq = CdV_C$$

$$d'ou \quad R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = E$$

$$\text{On a : } C = \frac{dq}{dV_C} = \frac{dq}{dt} \times \frac{dt}{dV_C} \Rightarrow \frac{dq}{dt} = C \times \frac{dV_C}{dt}$$

$$\text{Alors on obtient : } RC \frac{dV_C}{dt} + V_C = E \Rightarrow \frac{dV_C}{dt} + \frac{V_C}{RC} = \frac{E}{RC}$$

Si on prend comme condition initiale $q_0=0$ et $V_C=0$ (q_0 charge à $t=0$) on aura comme solution :

$$q(t) = CE(1 - e^{-t/\tau})$$

$$V_C(t) = E(1 - e^{-t/\tau}) \quad \text{Où } \tau = RC : \text{ appelée la constante de temps du circuit.}$$

$$i(t) = \frac{E}{R} e^{-t/\tau}$$

Elle est exprimée en seconde (si C est exprimé en Farads et R en Ohms).

Conclusion : Le condensateur est complètement chargé lorsque ($t \rightarrow \infty$) c.-à-d. Lorsque $e^{-t/\tau} \rightarrow 0$.

2. Décharge D'un Condensateur

Le condensateur étant chargé, on va déconnecter la source de tension E en mettant l'interrupteur en position 2. Alors, le condensateur se décharge à travers la résistance R, créant ainsi un courant d'intensité i , de sens contraire au courant de charge pris comme sens positif.

En appliquant la loi de Kirchhoff, on obtient :

$$R \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0 \quad \text{avec} \quad i = \frac{dq}{dt} \quad \text{et} \quad q = CV_C$$

Si on prend comme condition initiale $q_0 = q_{t=0}$ et $V_C = E$ (C commence à se charger à $t=0$) on aura comme solution :

$$q(t) = CE e^{-t/\tau}$$

$$V_C(t) = E e^{-t/\tau}$$

$$i(t) = -\frac{E}{R} e^{-t/\tau}$$

III. Travail de Préparation

1- Soit le circuit de la figure. 1, au départ le condensateur doit être complètement décharger $V_C = 0$ à $t=0$.

- En utilisant ces conditions initiales, résoudre l'équation différentielle $\frac{dV_C}{dt} + \frac{V_C}{RC} = \frac{E}{RC}$ pour déterminer l'expression de la tension aux bornes du condensateur $V_C(t)$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- Déduire l'expression de la charge $q(t)$ et l'expression du courant $i(t)$

.....

.....

.....

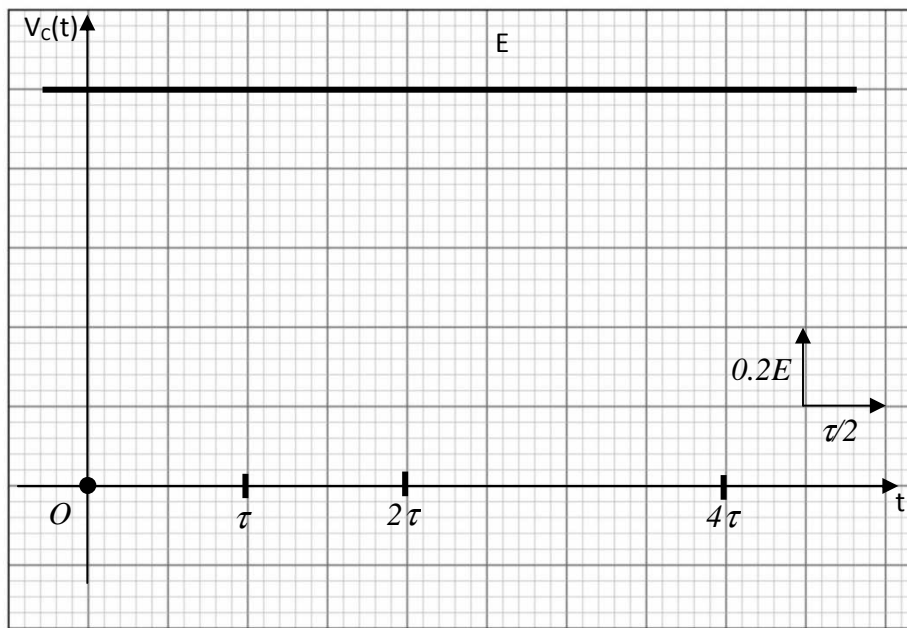
.....

.....

- Compléter le tableau ci-dessous en calculant $V_C(t)$, $q(t)$ et $i(t)$ en fonction de E , R et C

t (s)	0	τ	2τ	4τ
V_C (V)		$0.63E$		
q (C)		$0.63CE$		
I (A)		$0.63E/R$		

- Tracer la courbe $V_C=f(t)$ et la tangente à la courbe au point d'origine $O(0, 0)$ et déterminer approximativement les coordonnées du point d'intersection de la tangente à l'origine avec l'asymptote $V_C=E$ $X(\dots\dots, E)$



Feuille obtenue gratuitement sur www.desmoulin.fr

2- En laissant la décharge du condensateur à $t=0$, $V_C = E$.

- En utilisant ces conditions initiales, résoudre l'équation différentielle $\frac{dV_C}{dt} + \frac{V_C}{RC} = 0$ pour déterminer l'expression de la tension aux bornes du condensateur $V_C(t)$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

- Déduire l'expression de la charge $q(t)$ et l'expression du courant $i(t)$

.....

.....

.....

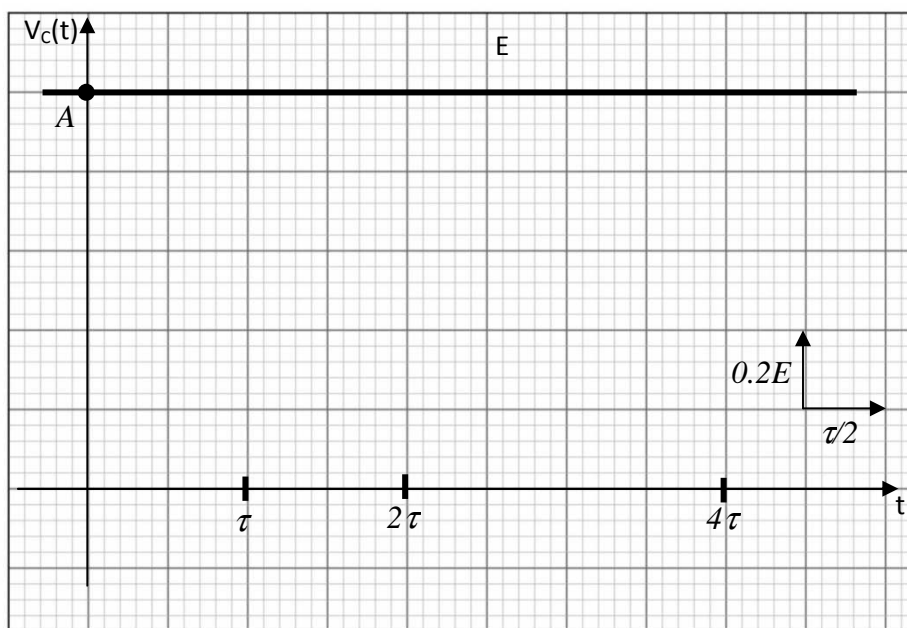
.....

.....

- Compléter le tableau ci-dessous en calculant $V_C(t)$, $q(t)$ et $i(t)$ en fonction de E , R et C

t	0	τ	2τ	4τ
V_C		$0.37E$		
q		$0.37CE$		
i		$0.37E/R$		

- Tracer la courbe $V_C=f(t)$ et la tangente à la courbe au point $A(0, E)$ et déterminer approximativement les coordonnées du point d'intersection de la tangente avec l'axe des abscisses $V_C=0$ $X(\dots\dots, E)$



Feuille obtenue gratuitement sur www.desmouins.fr

IV. Manipulation

1. Charge d'un condensateur

- Réaliser le montage de la figure. 2 pour une résistance $R=3.3M\Omega$ et un condensateur de capacité $C=2\mu F$. On commence le comptage du temps par un chronomètre simultanément lorsqu'on met l'interrupteur à la **position 1** dont le circuit est alimenté par une source de tension continue $E=5V$. Le condensateur se charge au cours du temps.
- Relever la tension V_C aux bornes du condensateur chaque 05 seconde jusqu'à 60 secondes et compléter le tableau suivant :

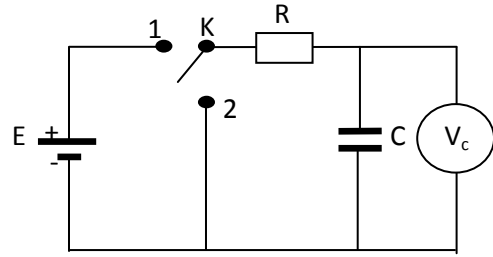
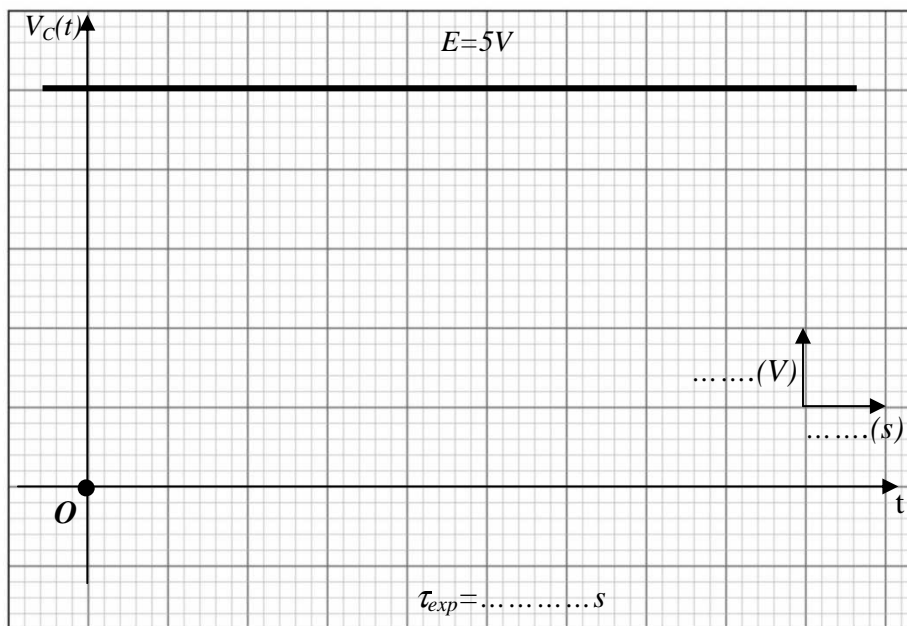


Figure.2

$t (s)$	05	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60
$V_C(volt)$												

- Tracer la tension $V_C=f(t)$
- Tracer la tangente au point de charge O et déterminer graphiquement la constante du temps τ_{exp} (l'abscisse du point d'intersection de la tangente avec la tension limite de charge).



Feuille obtenue gratuitement sur www.desmoulin.fr

- Comparer cette valeur avec celle calculée théoriquement $\tau_{thé}=RC$.

$\tau_{thé} = \dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

$\dots\dots\dots$

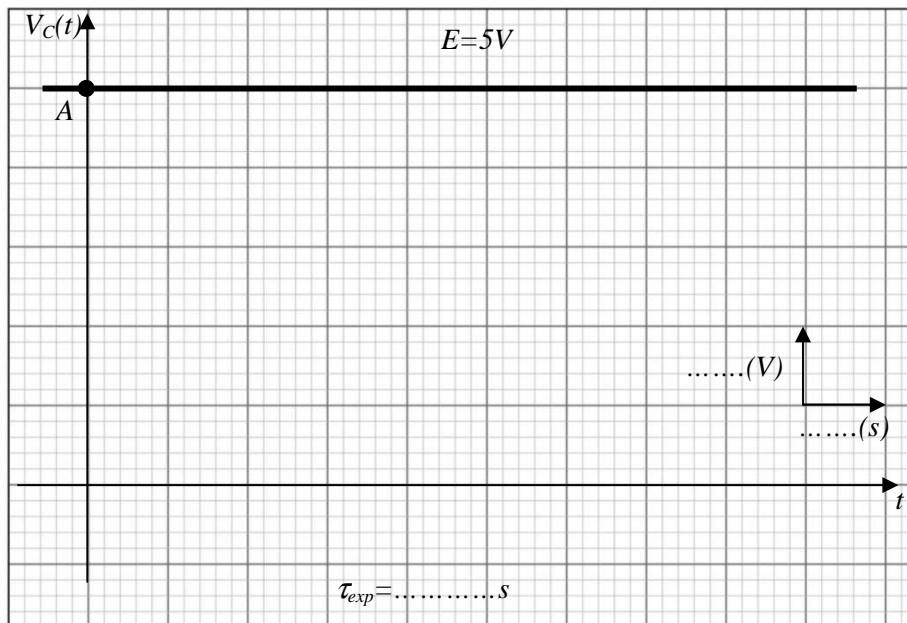
$\dots\dots\dots$

2. Décharge d'un condensateur

- Réaliser le montage de la figure. 2 pour une résistance $R=3.3M\Omega$ et un condensateur de capacité $C=2\mu F$. Mettre l'interrupteur à la **position 2**.
- On commence le comptage du temps par un chronomètre simultanément lorsqu'on met l'interrupteur à la position 2. Le condensateur se décharge au cours du temps.
- Relever la tension V_C aux bornes du condensateur chaque 05 seconde jusqu'à 60 secondes et compléter le tableau suivant :

$t (s)$	05	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60
$V_C(volt)$												

- Tracer la tension $V_C=f(t)$
- Tracer la tangente au point de décharge **A** et déterminer graphiquement la constante du temps τ_{exp} (l'abscisse du point d'intersection de la tangente avec la tension limite de décharge).



- Comparer cette valeur avec celle calculée théoriquement $\tau_{thé}=RC$.

$\tau_{thé} = \dots\dots\dots$

.....

.....

.....

.....

3. Association de condensateurs en parallèle

- Réaliser le montage de la figure. 3 pour une résistance $R=3.3M\Omega$ et deux condensateurs montés en parallèle de capacités $C_1=2\mu F$ et $C_2=1\mu F$. On commence le comptage du temps par un chronomètre simultanément lorsqu'on alimente le circuit par la source de tension continue $E=5V$. Les deux condensateurs se chargent au cours du temps.

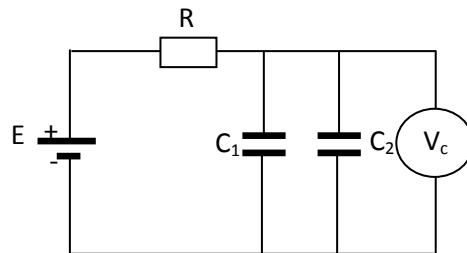
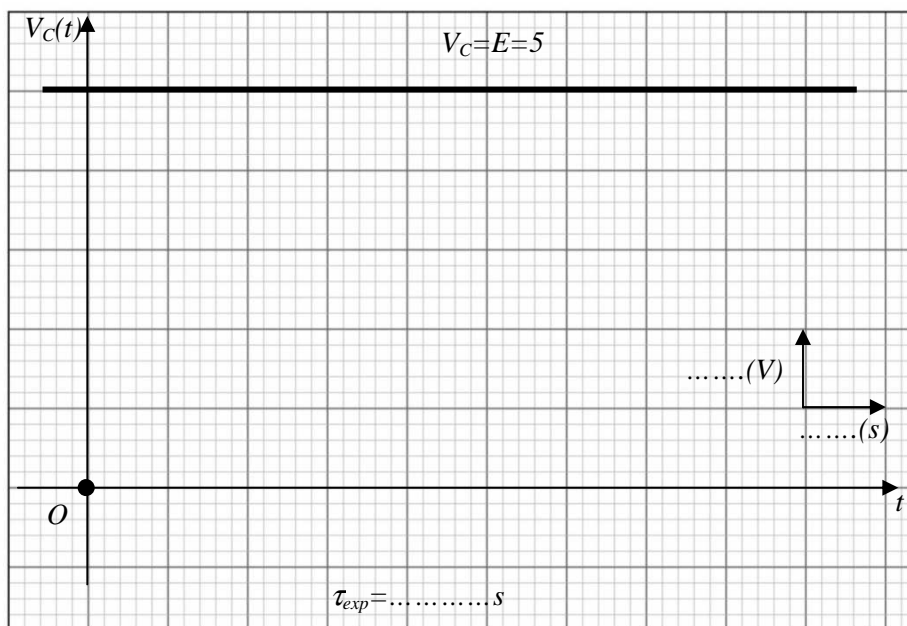


Figure.3

- Relever la tension V_C aux bornes des condensateurs chaque 05 seconde jusqu'à 60 secondes et compléter le tableau suivant :

$t(s)$	05	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60
$V_C(\text{volt})$												

- Tracer la tension $V_C=f(t)$
- Tracer la tangente au point de charge O et déterminer graphiquement la constante du temps τ_{exp} (l'abscisse du point d'intersection de la tangente avec la tension limite de charge).



Feuille obtenue gratuitement sur www.desmoulin.fr

- D'après la valeur expérimentale de la constante du temps τ_{exp} , déduire la valeur de C_{eq} .

.....

.....

.....

- Comparer cette valeur avec celle calculée théoriquement $C_{eq}=C_1+C_2$.

.....

.....

.....

.....

4. Association de condensateurs en série

- Réaliser le montage de la figure. 4 pour une résistance $R=3.3M\Omega$ et deux condensateurs montés en série de capacités $C_1=2\mu F$ et $C_2=1\mu F$. On commence le comptage du temps par un chronomètre simultanément lorsqu'on alimente le circuit par la source de tension continue $E=5V$. Les deux condensateurs se chargent au cours du temps.
- Relever la tension V_C aux bornes des condensateurs chaque 05 seconde jusqu'à 60 secondes et compléter le tableau suivant :

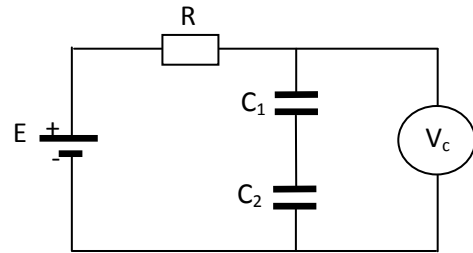
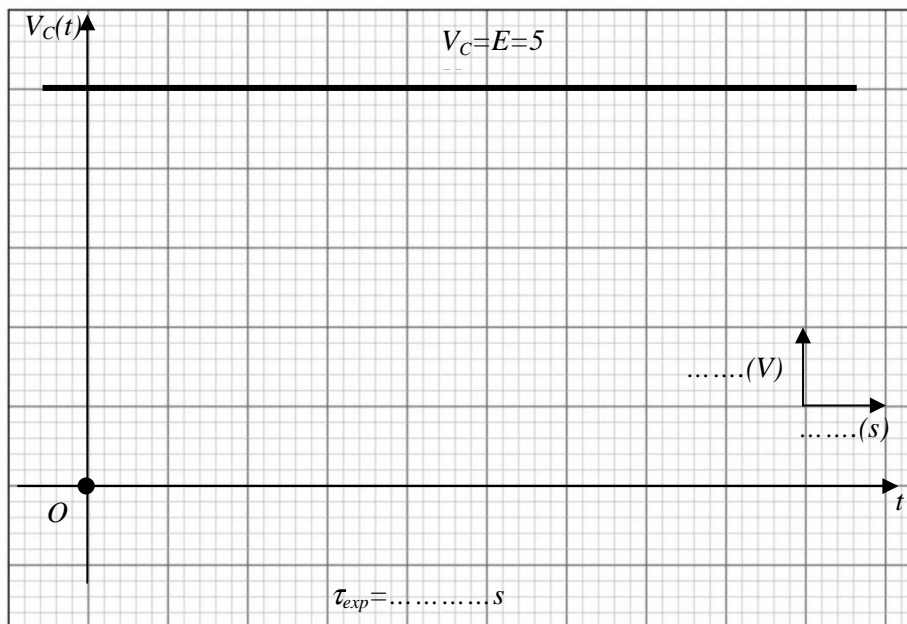


Figure.4

$t(s)$	05	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55	60
$V_C(volt)$												

- Tracer la tension $V_C=f(t)$
- Tracer la tangente au point de charge O et déterminer graphiquement la constante du temps τ_{exp} (l'abscisse du point d'intersection de la tangente avec la tension limite de charge).



Feuille obtenue gratuitement sur www.desmoulin.fr

- D'après la valeur expérimentale de la constante du temps τ_{exp} , déduire la valeur de C_{eq} .

.....

.....

.....

- Comparer cette valeur avec celle calculée théoriquement $C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$.

.....

.....

.....

.....

Conclusion

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....