

Département d'Electronique

Niveau: L2 ST

Spécialités: *Electronique; G. Biomédical; Automatique; Télécommunication*

Module: *Logique Combinatoire et Séquentielle*

### Corrigé du devoir à Domicile

#### Exercice 1 :

1. Les intervalles de codage d'un entier naturel:

- Sur 8 bits: [0-255]
- Sur 16 bits: [0-65535]
- Sur 32 bits: [0-4294967295]

2. Conversion de chiffres:

Décimal	Binaire	Hexadécimal	BCD
35	100011	23	110101
105	1101001	69	10000101
62	111110	3E	1100010
85	1010101	55	1000101
243	11110011	F3	100100011
10922	10101010101010	2AAA	10000100100100010
719	1011001111	2CF	11100011001
664	1010011000	298	011001100100

3. Conversion de nombres signés, écrits en complément à "2":

a.  $(1000000)_2: (-64)_{10}$  ;    b.  $(01010.101)_2: (10,625)_{10}$

4. Conversion en décimal des nombres écrits selon la norme IEEE 754 :

- 0 00010101 100010000000000000000000 =  $+1,53125 \times 2^{-106} \approx 1,89 \times 10^{-32}$
- 1 01111000 101110000000000000000000 =  $-1,71875 \times 2^{-7} \approx -13,43 \times 10^{-3}$

5. Représentation en virgule flottante :

$$N=+3,25 : 0 \ 10000000 \ 1010000000000000000000000000$$

$$M=-32.75 : 1 \ 10000100 \ 0000011000000000000000000000$$

6. Opérations arithmétiques en binaire:

$$\begin{array}{r} 100011.11 \ (35.75) \quad ; \quad 010000001.00 \ (129) \\ +100001.00 \ (33) \quad \quad \quad 111100001.11 \ (\text{complément à 2 de } 30.25) \\ \hline 1000100.11 = (68.75)_{10}. \text{bit à négligé} \rightarrow 1\mathbf{0}01100010.11 = (98.75)_{10}. \end{array}$$

↑

Bit de signe (positif)

7. Conversion en représentation signe-grandeur (sur 10 bits) :

$$(-133)_{10}: 1010000101$$

**Exercice 2:**

1. L'expression algébrique de la fonction

$$G = (\bar{x} + y) \cdot (\bar{y} + x \cdot \bar{z}) + x \cdot (\bar{y} \cdot \bar{z})$$

En développant cette fonction, on trouve:

$$G = \bar{y} + x \cdot \bar{z}$$

2. La table de vérité de la fonction  $G$

$x$	$y$	$z$	$G$
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	0

**Exercice 3**

1. Simplification par la méthode de KARNAUGH :

$$f(a, b, c, d) = \bar{a} \cdot d + \bar{a} \cdot b \cdot c + \bar{a} \cdot b \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + a \cdot b \cdot c + b \cdot c \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot \bar{b} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d}$$

ab \ cd	00	01	11	10
00	1	1	0	0
01	1	1	0	0
11	1	1	1	0
10	0	1	1	0

$$f = \bar{a} \cdot \bar{c} + \bar{a} \cdot d + b \cdot c$$

$$g(a, b, c, d) = \sum (0,1,2,3,4,7,8,9)$$

ab \ cd	00	01	11	10
00	1	1	0	1
01	1	0	0	1
11	1	1	0	0
10	1	0	0	0

$$g = \bar{a} \cdot \bar{b} + \bar{b} \cdot \bar{c} + \bar{a} \cdot \bar{c} \cdot \bar{d} + \bar{a} \cdot c \cdot d$$

2. Le logigramme de  $f$  en portes NAND:

$$f = \bar{a} \cdot \bar{c} + \bar{a} \cdot d + b \cdot c = \bar{a} \cdot (\bar{c} + d) + b \cdot c = \overline{\overline{\bar{a} \cdot (\bar{c} + d)} + \overline{b \cdot c}} = \overline{\overline{\bar{a} \cdot (\bar{c} + d)} + \overline{b \cdot c}}$$

