

Exercices d'application

**Exercice 1** (système 2ième ordre)

La mise en équations du comportement dynamique d'un système donne le schéma linéaire ci-dessous avec les valeur suivantes:  $R_1 = 2.1$  ;  $R_2 = 0.2$ ;  $C = 1$ ;  $L = 1$ .  $P$  est la puissance thermique introduite dans le système et  $T$  est la température que l'on veut asservir.

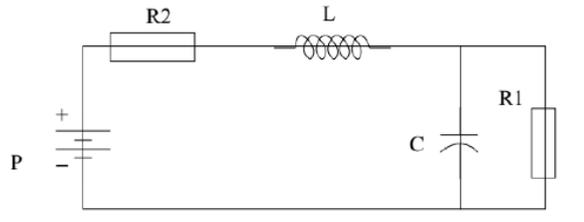


Figure 1. Modèle thermique d'un système

La fonction de transfert du système est donnée par:

$$H(p) = \frac{R_1}{R_1LCp^2 + (L + R_1.R_2.C).p + (R_1 + R_2)}$$

- Déterminer le facteur d'amortissement  $\xi$ ;

Ce système étant trop peu amorti, on cherche alors à augmenter cet amortissement, en agissant sur la seule variable  $R_1$  (résistance thermique entre l'intérieur et l'extérieur). Comment doit varier  $R_1$ ?

- On applique au système un échelon, qui démarre à l'instant  $t = 0$ ; La réponse indicielle est alors donnée par la forme ci-dessous:

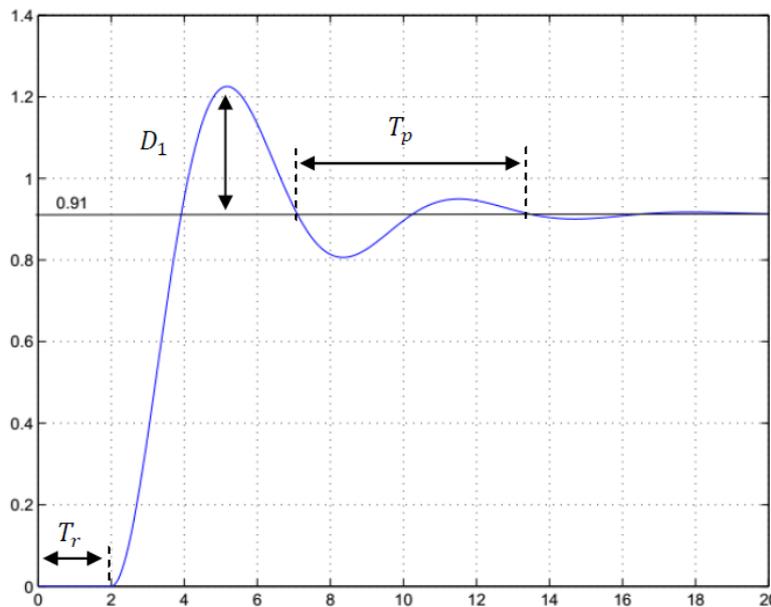


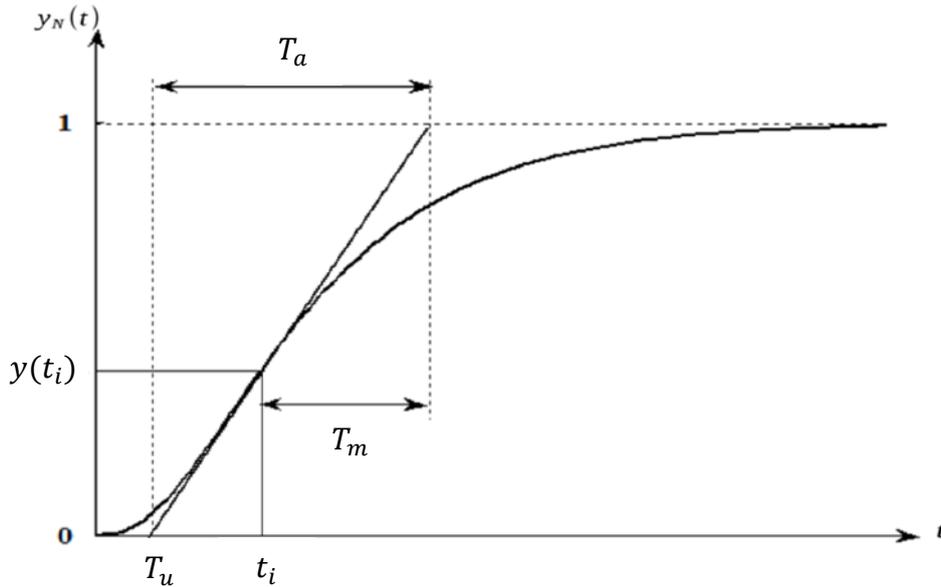
Figure 2. Réponse Indicielle du système

- Déterminer les valeurs numériques des différents coefficients du modèle.

**Exemple 2**

Ces méthodes, s'appuient sur l'analyse graphique des courbes expérimentales en quelques points particuliers et ne tiennent pas compte de l'ensemble des mesures.

**Méthode de Strejc:** (1ière méthode)



**Algorithme:**

L'identification par la méthode de Strejc peut être réalisée à travers les étapes suivantes:

- On trace la tangente au point d'inflexion  $[t_i, y_i]$  pour déterminer  $y_i$ ;  $T_a$ ;  $T_u$  et  $T_m$
- A partir de  $y_i$  ou de  $\frac{T_u}{T_a}$ ; estimer  $n$ .
- A partir de  $n$ ;  $\frac{T_a}{\tau}$ ;  $\frac{T_u}{\tau}$ ;  $\frac{T_i}{\tau}$ ;  $\frac{T_m}{\tau}$ ; calculer 4 valeur pour  $\tau$ .
- Si ces 4 valeurs sont voisines on en prend la valeur moyenne.
- Si elles sont différentes, à prendre un ordre différent (généralement plus grand) ou on change le temps de retard (généralement plus petit).

n	$T_a/\tau$	$T_u/\tau$	$T_u/T_a$	$t_i/\tau$	$y_i$	$T_m/\tau$	$T_m/T_a$
1	0	0	0	0	0	1	1
2	2,718	0,282	0,104	1	0,204	2	0,736
3	3,695	2,805	0,218	2	0,323	2,500	0,677
4	4,463	1,425	0,319	3	0,353	2,888	0,674
5	5,199	2,100	0,410	4	0,371	3,219	0,629

**3.Manipulations :**

Soit le système correspondant à la fonction de transfert:

$$H(p) = \frac{3 \cdot e^{-0.5p}}{(1 + 0.5p)(1 + p)(1 + 2p)}$$

On cherche à faire une identification du système à partir de la représentation graphique de la réponse indicielle.

**test:**

En utilisant la 1<sup>ière</sup> méthode de Strejc, déterminer les valeurs suivantes:

1. Les coordonnées du point d'inflexion :

$y(t_i) = \dots\dots\dots t_i = \dots\dots\dots$

2. A mesurer les grandeurs suivantes :

$T_u = \dots\dots\dots T_m = \dots\dots\dots$

$T_a = \dots\dots\dots$

$\frac{T_u}{T_a} = \dots\dots\dots \frac{T_m}{T_a} = \dots\dots\dots$

3. En utilisant le tableau de Strejc et on choisissant un ordre pour le système, déterminer 4 valeurs pour  $\tau$  :

$\tau_1 = \dots\dots\dots \tau_2 = \dots\dots\dots$

$\tau_3 = \dots\dots\dots \tau_4 = \dots\dots\dots$

4. Si les valeurs sont proches, calculer la moyenne:

$\tau = \dots\dots\dots$

5. Donner la fonction de transfert du modèle trouvé:

$H(p) = \dots\dots\dots$

6. Conclusion:

.....  
.....