

Solution de l'Exercice N°2

Diviseur de tension

Diviseur de courant

Il convient de raisonner sur la globalité du schéma avant d'écrire quelque équation.

من المستحسن التفكير و التحليل في مخطط الدارة قبل كتابة بعض المعادلات

1. Diviseur De Tension (DDT):

Un bref coup d'œil sur le schéma montre que La figure (a) représente

Un pont diviseur de tension:

On applique **le principe du pont diviseur de tension** pour calculer la tension VS

$$V_S = \left(\frac{R_2}{R_1 + R_2} \right) \cdot E$$

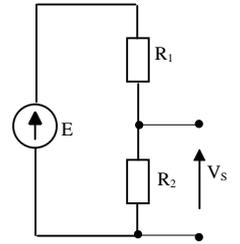


Figure (a)

2. Diviseur De Courant (DDC):

La figure (b) représente un pont diviseur de courant:

On applique **le principe du pont diviseur de courant** pour calculer les courants I1, I2 I3 et I4:

2.1. Calcul du courant I1

➤ La résistance équivalente de la branche 2: $R_{\acute{e}q} = R_2 + (R_3 \parallel R_4) = R_2 + \left(\frac{R_3 \cdot R_4}{R_3 + R_4} \right)$

➤ le principe de Diviseur De courant: $I_1 = \left(\frac{R_{\acute{e}q}}{R_1 + R_{\acute{e}q}} \right) \cdot I$

2.2. Calcul des courants I2 I3 et I4:

➤ on utilisant le principe de Diviseur De courant :

$$\begin{cases} I_2 = \left(\frac{R_1}{R_1 + R_{\acute{e}q}} \right) \cdot I \\ I_3 = \left(\frac{R_4}{R_3 + R_4} \right) \cdot I_2 = \left(\frac{R_4}{R_3 + R_4} \right) \left(\frac{R_1}{R_1 + R_{\acute{e}q}} \right) \cdot I \\ I_4 = \left(\frac{R_3}{R_3 + R_4} \right) \cdot I_2 = \left(\frac{R_3}{R_3 + R_4} \right) \left(\frac{R_1}{R_1 + R_{\acute{e}q}} \right) \cdot I \end{cases}$$

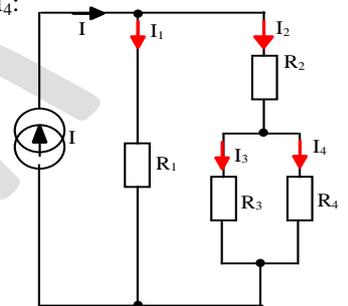


Figure (b)

Solution de l'Exercice N°1

Les lois de Kirchhoff

Éviter de multiplier les inconnues et de se perdre dans un dédale de multiples équations.

تجنب زيادة عدد المجاهيل و الضياع في متاهة من المعادلات المتعددة

1. Les équations des nœuds et des mailles :

On applique La loi des nœuds: **Nœud A** ou **B**: $I_1 + I_2 = I_3$ (1)

On applique La loi des mailles : **maille 1**: $E_1 - R_1 \cdot I_1 + R_2 \cdot I_2 - E_2 = 0$ (2)

maille 2: $E_2 - R_2 \cdot I_2 - R_3 \cdot I_3 = 0$ (3)

$$I_3 = I_1 + I_2 \Rightarrow \begin{cases} -R_1 \cdot I_1 + R_2 \cdot I_2 = E_2 - E_1 & (2) \\ R_3 \cdot I_1 + (R_2 + R_3) \cdot I_2 = E_2 & (3) \end{cases}$$

$$A.N \Rightarrow \begin{cases} -2 \cdot I_1 + 5 \cdot I_2 = 50 & (2) \\ 10 \cdot I_1 + 15 \cdot I_2 = 70 & (3) \end{cases}$$

Système des équations

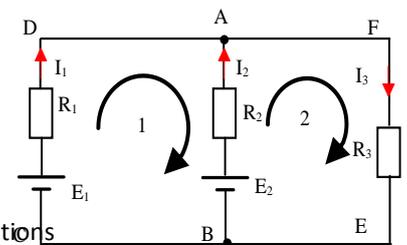


Figure 1

2. Calcul des intensités des courants par la Méthode de Cramer (méthode matricielle):

Notation matricielle: $\begin{bmatrix} -2 & +5 \\ +10 & +15 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} +50 \\ +70 \end{bmatrix}$ $\Delta = \begin{vmatrix} -2 & +5 \\ +10 & +15 \end{vmatrix} = (-2) \cdot (15) - (10) \cdot (5) = -80$

$$\Delta_{I_1} = \begin{vmatrix} 50 & 5 \\ 70 & 15 \end{vmatrix} = (50) \cdot (15) - (70) \cdot (5) = 750 - 350 = 400$$

$$\Delta_{I_2} = \begin{vmatrix} -2 & 50 \\ 10 & 70 \end{vmatrix} = (-2) \cdot (70) - (10) \cdot (50) = -140 - 500 = -640$$

Application numérique: $\begin{cases} I_1 = \frac{\Delta_{I_1}}{\Delta} = \frac{400}{-80} = -5A \\ I_2 = \frac{\Delta_{I_2}}{\Delta} = \frac{-640}{-80} = 8A \\ I_3 = I_1 + I_2 = -5 + 8 = 3A \end{cases}$

Remarque : On choisit un sens de parcours de la maille, de manière tout à fait arbitraire

Solution de l'Exercice N°3

☞ **Théorème de Superposition**

☞ **Théorème de Thévenin**

☞ **Théorème de Norton**

Détermination du courant circulant dans la résistance R₂:

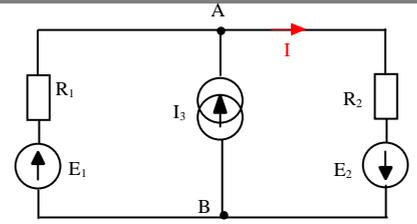


Figure 3

1. Théorème de superposition:

Dans un circuit linéaire possède plus d'une source de tension et/ou d'une source courant (indépendantes) **la tension entre deux nœuds quelconques du circuit** (ou le courant dans n'importe quelle branche) **égale à la est la somme algébrique des tensions (ou courants) créés séparément par chaque sources**, les autres sources étant éteints.

Etape 1:

Eteindre la source de courant I₃ en la remplaçant par un circuit ouvert.
Eteindre la source de tension E₂ en la remplaçant par un court circuit.

$$E_1 = (R_1 + R_2) I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{E_1}{R_1 + R_2} \text{ A.N } I_1 = \frac{10}{15} = 0.66A$$

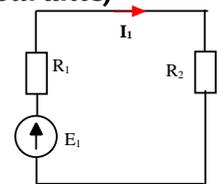


Figure 3.1

Etape 2:

Eteindre la source de courant I₃ en la remplaçant par un circuit ouvert.
Eteindre la source de tension E₁ en la remplaçant par un court circuit.

$$E_2 = (R_1 + R_2) I_2 \Rightarrow I_2 = -\frac{E_2}{R_1 + R_2} \text{ A.N } I_2 = -\frac{20}{15} = 1.33A$$

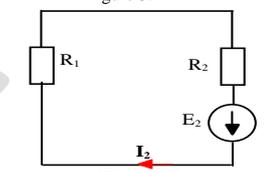


Figure 3.2

Etape 3:

Eteindre la source de tension E₁ en la remplaçant par un court circuit.
Eteindre la source de tension E₂ en la remplaçant par un court circuit.

D'après le principe du pont diviseur de courant nous avons:

$$I_0 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot I_3 \Rightarrow I_0 = \frac{10}{10 + 5} * 0.1 = 0.066A$$

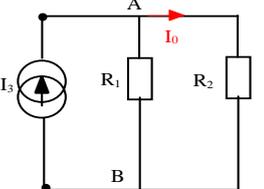


Figure 3.3

D'après le principe de la superposition nous avons:

$$I_{R2} = I_0 + I_1 + I_2 = 0.66 + 1.33 + 0.066 = 2.056A$$

2. Théorème de Thévenin :

- **Calcul de du générateur de Thévenin E_{TH}:**

- -débrancher la charge R₂.
- -calculer la tension aux bornes de R₂ (à vide).

$$U_{TH} = U_{R1} + E_1 + E_2 = I_3 \cdot R_1 + E_1 + E_2 = 0.1 * 10 + 10 + 20 = 31V$$

- **Calcul de du la résistance de Thévenin R_{TH}:**

- -débrancher la charge R₂
- -éteindre les sources (de courant ou de tension)

$$R_{TH} = R_1$$

- **Modèle équivalent de Thévenin :**

D'après la Loi d'Ohm $I_{TH} = I_{R2} = \frac{U_{TH}}{R_1 + R_2} = \frac{31}{15} = 2.06A$

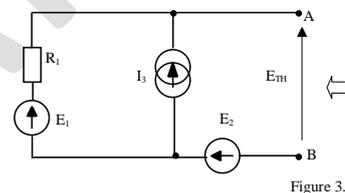


Figure 3.4

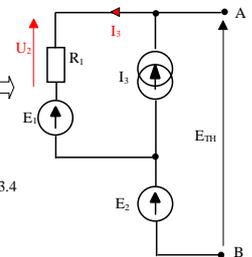


Figure 3.5

Figure 3.6

3. Théorème de Norton :

- **Calcul de du générateur de Norton I_N:**

- -court-circuiter la charge R₂
- -calculer le courant de court-circuit I_{CC}=I_N

Loi des mailles : $-U_{R1} + E_1 + E_2 = 0 \Rightarrow U_{R1} = E_1 + E_2 = 30v \Rightarrow I_{R1} = \frac{U_{R1}}{R1} = 3A$

Loi des nœuds: $I_N = I_{R1} + I_3 = 3.1A$

- **Calcul de du la résistance de Norton (équivalente à la résistance de Thévenin) :** $R_N = R_1$

- **Modèle équivalent de Norton :** Principe du pont diviseur de courant: $I_{R2} = \frac{R_N}{R_N + R_2} \cdot I_N = \frac{10}{15} * 3.1 = 2.06A$

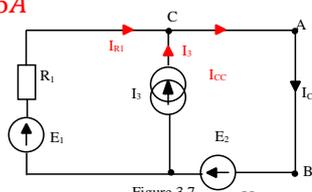


Figure 3.7

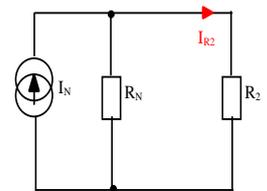
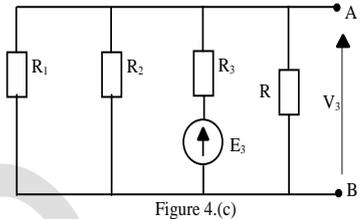
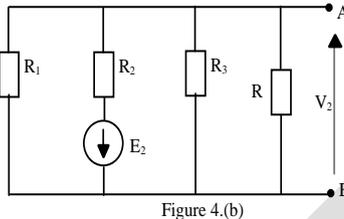
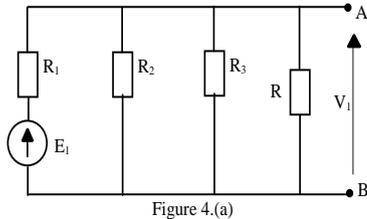
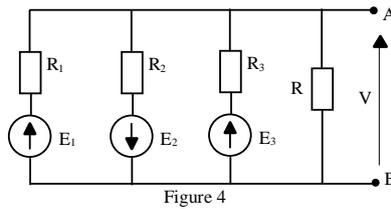


Figure 3.8

Solution de l'Exercice N°4 (Supplémentaire)

- ☞ Théorème de Superposition
- ☞ Théorème de Millman
- ☞ Théorème de Thévenin

1. Théorème de superposition:



Le principe de superposition consiste à calculer V_1, V_2 et V_3 et par la suite déduire V :

$$V = V_1 + V_2 + V_3$$

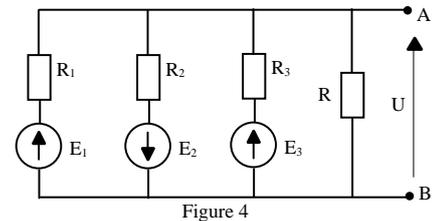
- Circuit (a) $V_1 = \left(\frac{R_{\text{eq}1}}{R_{\text{eq}1}+R_1}\right) \cdot E_1$ avec $R_{\text{eq}1} = \frac{1}{\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R}} = \frac{R_2 R_3 R}{R_2 R_3 + R_2 R + R_3 R}$.
- Circuit (b) $V_2 = -\left(\frac{R_{\text{eq}2}}{R_{\text{eq}2}+R_2}\right) \cdot E_2$ avec $R_{\text{eq}2} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R}} = \frac{R_1 R_3 R}{R_1 R_3 + R_1 R + R_3 R}$.
- Circuit (c) $V_3 = \left(\frac{R_{\text{eq}3}}{R_{\text{eq}3}+R_3}\right) \cdot E_3$ avec $R_{\text{eq}3} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R}} = \frac{R_1 R_2 R}{R_1 R_2 + R_1 R + R_2 R}$.

$$\text{Finalement : } V = V_1 + V_2 + V_3 = \left(\frac{R_{\text{eq}1}}{R_{\text{eq}1}+R_1}\right) \cdot E_1 - \left(\frac{R_{\text{eq}2}}{R_{\text{eq}2}+R_2}\right) \cdot E_2 + \left(\frac{R_{\text{eq}3}}{R_{\text{eq}3}+R_3}\right) \cdot E_3$$

2. Théorème de Millman:

L'application du théorème de Millman permet d'écrire :

$$V = \frac{\frac{E_1}{R_1} - \frac{E_2}{R_2} + \frac{E_3}{R_3}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R}}$$

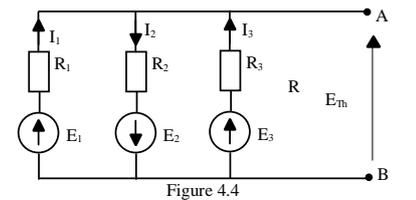


3. Théorème de Thévenin:

Calcul la Tension de Thévenin:

Ou on utilise le théorème de Millman pour calculer la tension de Thévenin et d'après le circuit de la figure ci-contre (la charge débranché) :

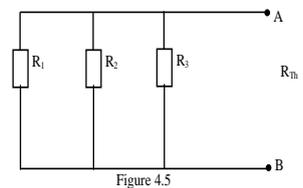
$$E_{Th} = \frac{\frac{E_1}{R_1} - \frac{E_2}{R_2} + \frac{E_3}{R_3}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}$$



Calcul la résistance de Thévenin:

Il suffit de débrancher la charge et court-circuiter les sources :

$$R_{Th} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}$$



Modèle équivalent de Thévenin :

D'après le principe D.D.T : $V = \frac{R}{R_{Th}+R} \cdot E_{Th}$

