

## TP2 : Commande par mode de glissement d'un MCC

Noms et Prénoms

### 1. But du TP :

L'objet de ce TP est l'étude d'une :

- Commande par mode glissant pour une MCC alimentée par Hacheur.

### 2. Commande par mode de glissement Principe

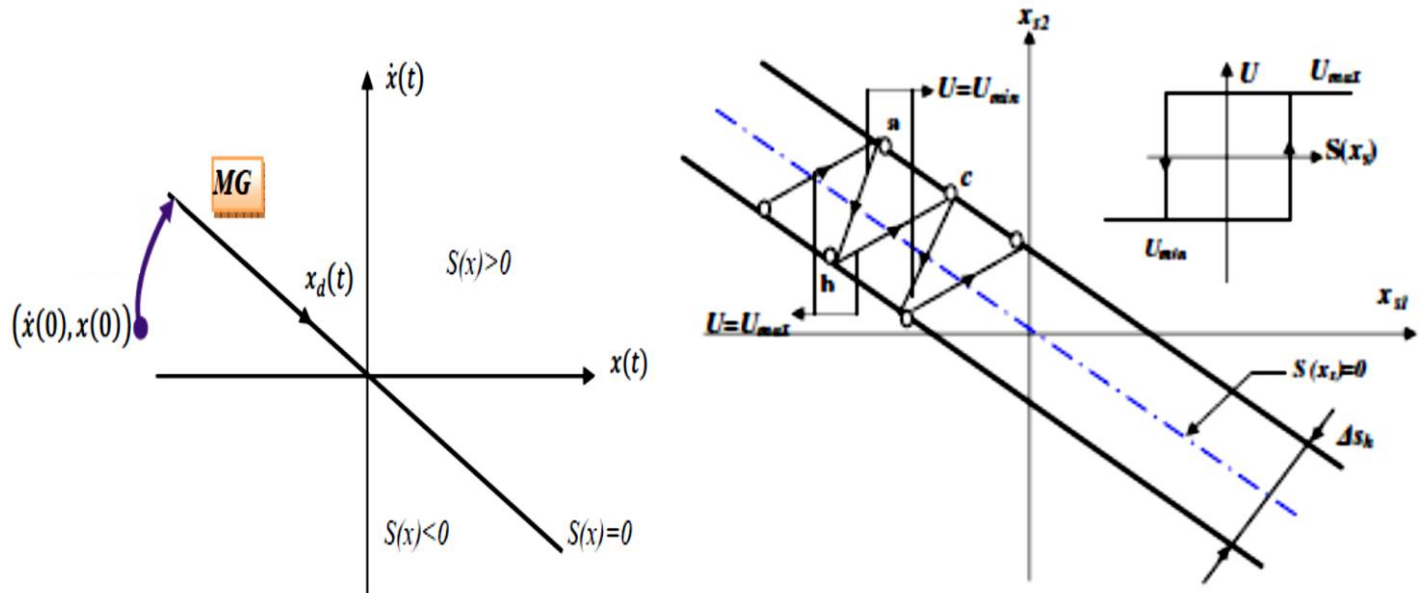


Figure .1. Démonstration du mode de glissement.

### 3. Conception de la commande par mode de glissement

#### 1) : Le choix de la surface :

$$S(x) = \left(\frac{\partial}{\partial t} + \lambda_x\right)^r e(x)$$

$e(x)$  : Écart de la variable à régler  $e(x) = x_{ref} - x$

$\lambda_x$  : Constante positive qui interprète la bande passante du contrôle désiré.

$r$  : Degré relatif, égal au nombre de fois qu'il faut dériver la sortie pour faire apparaître la commande.

$S(x) = 0$ : Une équation différentielle linéaire dont l'unique solution est  $e(x) = 0$ .

#### 2) : L'établissement des conditions d'existence de la convergence :

Elle est définie par la fonction de Lyapunov suivante :  $V(x) = \frac{1}{2} S^2(x)$ , il suffit d'assurer que sa dérivée soit négative. Ceci est vérifié si :  $S(x) \times \dot{S}(x) < 0$

#### 3) : La détermination de la loi de commande :

La loi de commande est donner par  $U(t) = U_{eq} + U_n$

$U_{eq}$  : correspond à la commande équivalente. Elle est calculée en supposant que le comportement du système durant le mode de glissement est décrit par :  $\dot{S}(x) = 0$

La commande non linéaire  $U_n$  est déterminée pour garantir l'attractivité de la variable à contrôler vers la surface de glissement et satisfaire la condition de convergence. La fonction la plus simple est sous forme de relais :

$$\begin{cases} U_n = k \text{sign} S(x) \\ k > 0 \end{cases}$$

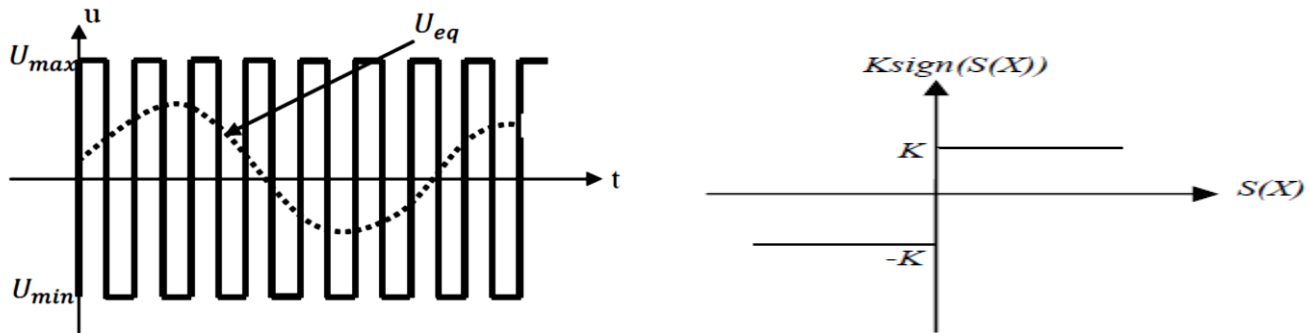


Figure. 2 Définition de la commande équivalente et la fonction *sign*.

#### 4. Application de la commande par mode de glissement à la MCC :

Le réglage de la vitesse se fait en contrôlons le courant  $I_a$

Donc la loi de commande peut s'exprimer comme :

$$I_{a\ ref} = I_{a\ n} + I_{a\ eq}$$

La composante discontinue  $I_{a\ n}$  est donner par :

$$I_{a\ n} = K_w \text{sing} (S(\Omega))$$

**L'expression de la surface de contrôle de la vitesse a pour forme :**

$$S(\Omega) = \Omega_{ref} - \Omega$$

La dérivée de la surface est :

$$\dot{S}(\Omega) = \dot{\Omega}_{ref} - \dot{\Omega}$$

- **Pour un MCC à flux constant on a :**

$$C_e = K \phi I_a = K' I_a$$

Si on suppose que  $K' = 1$ . alors  $C_e \equiv I_a$

Avec l'équation mécanique de l'MCC est :

$$J \frac{d\Omega}{dt} = C_e - f\Omega - C_r$$

Donc :

$$J \frac{d\Omega}{dt} = J\dot{\Omega} = I_a - f\Omega - C_r \rightarrow \dot{\Omega} = \frac{1}{J} I_a - \frac{f}{J} \Omega - \frac{1}{J} C_r$$

- Pour obtenir la composante équivalente  $I_{a\,eq}$  il faut que  $S(\Omega) = 0$ ,  $\dot{S}(\Omega) = 0$ ,  $I_{a\,n} = 0$ . (Le régime permanent).

$$\dot{S}(\Omega) = \dot{\Omega}_{ref} - \dot{\Omega} = 0$$

En remplaçant  $\dot{\Omega}$  par sa valeur dans l'équation de la surface de commutation on trouve :

$$\dot{\Omega}_{ref} - \dot{\Omega} = \dot{\Omega}_{ref} - \frac{1}{J} I_a \mp \frac{f}{J} \Omega + \frac{1}{J} C_r = 0$$

Par conséquent

$$I_a = J\dot{\Omega}_{ref} + f\Omega + C_r = I_{a\,eq}$$

**5. Manipulation :**

Réaliser la simulation de la commande par mode de glissement du MCC alimenté par un hacheur

**Paramètre de simulation** Temps initial = 0 ; temps final = 1s ; en utilisant "ode45s" ;  $C_r = 25Nm$  est appliqué à  $t=0.5s$ .

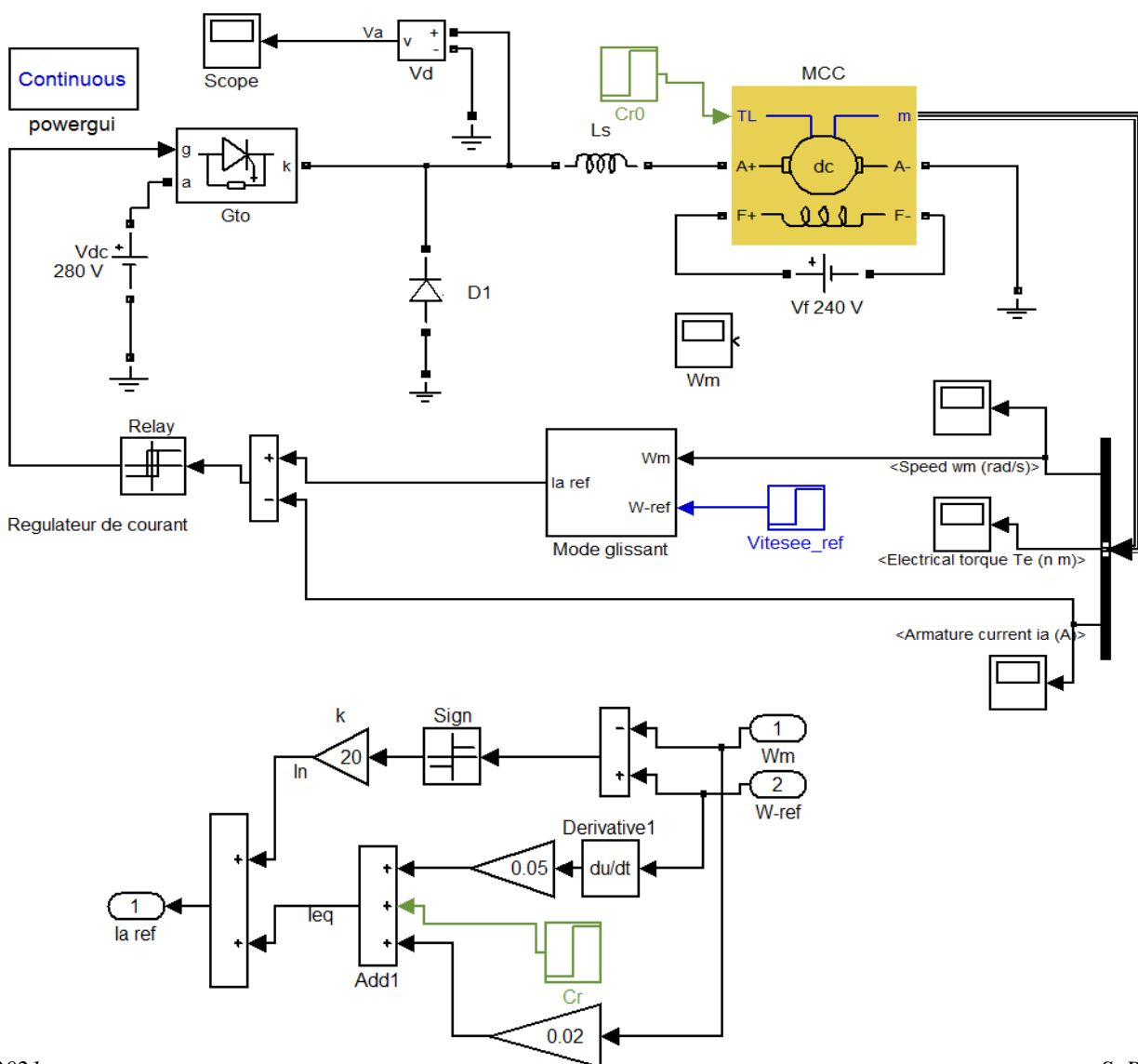


Fig. 3 Loi de commande par mode glissant



