

Intégrales de certaines fonctions élémentaires

Les résultats suivants peuvent se démontrer en dérivant les deux côtés pour aboutir à une identité. Dans ce qui suit, C désigne une *constante arbitraire*.

$$1) \int x^\alpha dx = \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C \quad (\alpha \neq -1)$$

$$2) \int \frac{dx}{x} = \ln|x| + C$$

$$3) \int \sin x dx = -\cos x + C$$

$$4) \int \cos x dx = \sin x + C$$

$$5) \int \tan x dx = -\ln|\cos x| + C$$

$$6) \int \cotan x dx = \ln|\sin x| + C$$

$$7) \int \frac{dx}{\cos^2 x} = \tan x + C$$

$$8) \int \frac{dx}{\sin^2 x} = -\cotan x + C$$

$$9) \int e^x dx = e^x + C$$

$$10) \int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C$$

$$11) \int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} = \arcsin x + C$$

$$12) \int \frac{dx}{\sqrt{a^2-x^2}} = \arcsin \frac{x}{a} + C$$

$$13) \int \frac{dx}{x^2+1} = \arctan x + C$$

$$14) \int \frac{dx}{x^2+a^2} = \frac{1}{a} \arctan \frac{x}{a} + C$$

$$15) \int \frac{dx}{a^2-x^2} = \frac{1}{2a} \ln \left| \frac{a+x}{a-x} \right| + C$$

$$16) \int \frac{dx}{\sqrt{x^2 \pm a^2}} = \ln|x + \sqrt{x^2 \pm a^2}| + C$$