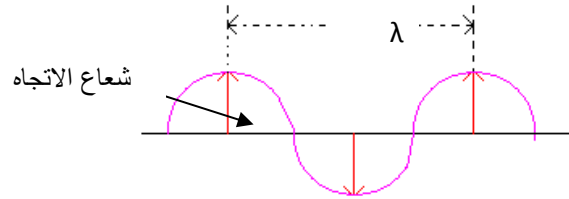


## الفصل الثالث:

# النماذج التقليدية للذرة

### 1. الطبيعة الموجية للضوء :

تنتمي الأمواج الضوئية إلى الأمواج الكهرومغناطيسية و هي إنتشار للحقلين الكهربائي و المغناطيسي المتعامدان ( في آن واحد ) مع اتجاه الانتشار (علما أن كلاهما تابع للزمن).  
إذن الموجة الضوئية هي موجة كهرومغناطيسية تنتشر في الفراغ بسرعة ثابتة  $C = 3.10^8 \text{m/s}$  .  
تتميز هذه الموجة بـ : طول الموجة  $\lambda$  ، تواتر  $\nu$  و عدد موجي  $\bar{\nu}$  .



1- الدور  $T$  : هو الزمن اللازم لشعاع الإهتزاز الكهربائي أو المغناطيسي لكي يأخذ نفس الطول و نفس الإتجاه ويقاس بالثانية.

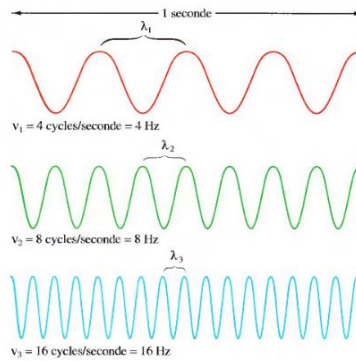
2- طول الموجة  $\lambda$  : هي المسافة التي تقطعها الموجة خلال الدور  $T$  ويقاس بالمتر.

3- التواتر  $\nu$  : هو عدد الأمواج التي تمر من نقطة معينة في وحدة الزمن  $\nu = \frac{C}{\lambda}$  .

4- العدد الموجي  $\bar{\nu}$  : هو عدد الأمواج المقطوعة في خلال 1 متر.

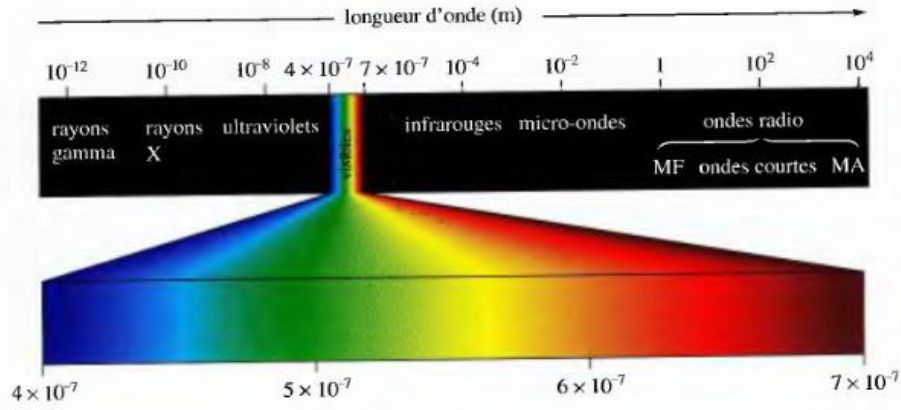
$$\bar{\nu} = \frac{1}{\lambda}$$

رياضيا ، العدد الموجي هو مقلوب طول الموجة



### 2. الطيف الكهرومغناطيسي:

يتكون الطيف الكهرومغناطيسي من مختلف الإشعاعات الكهرومغناطيسية ابتداءا من الأشعة  $\gamma$  ذات طول الموجة القصير (تواتر عالي) و الناتجة عن تهاافت مختلف العناصر المشعة الى غاية الأمواج ذات طول الموجة الكبير (تواتر صغير) و الصادرة عن خطوط النقل الكهربائي. الطيف الكهرومغناطيسي في أغلب مناطق غير مرئي بالعين المجردة، لا ترى إلا منطقة صغيرة توجد وسط الطيف تدعى بالمنطقة المرئية.



### 3. نظرية الكم :

أثبتت (1900) *Max Planck* أن الطاقة التي تحملها الموجة الضوئية هي مقادير محددة و غير مستمرة أي أنها تأخذ قيما محددة و مضاعفة لمقدار معين هو بحيث :  $E = h \cdot \nu$

و هي ما يمثل كم واحد بينما مجموع الكمات هو  $E = n \cdot h \cdot \nu$

بحيث:

$\nu$ : تواتر الموجة الضوئية.

$h$ : ثابت *Planck* بحيث:  $h = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J.s}$

هذه النظرية هي عكس النظرية الكلاسيكية التي تدل على أن طاقة الإشعاع الضوئي هي طاقة مستمرة (تتغير بصورة مستمرة) في حين حسب النظرية الكمية فإن كل تغير للطاقة يتم بكمات معينة تقدر ب:  $E = n \cdot h \cdot \nu$

( الطبيعة الموجبة للضوء المميزة بظواهر التداخل و الإنعكاس أو الإنكسار لا تسمح بتبادل منقطع للطاقة و بالتالي فشرح بعض الظواهر كالفعل الكهروضوئي هو أمر غير مفهوم).

في 1905 عمم *Einstein* نظرية الكم مبينا أن الإشعاع الضوئي يتألف من جسيمات متناهية في الصغر حاملة لطاقة  $E$  و تتحرك بسرعة  $C$  تدعى الفوتونات . طاقة هذه الفوتونات تساوي كم (*Quantum*) من طاقة بلانك  $E = h \cdot \nu$  .

حسب *Einstein* فإن للضوء طبيعة موجبة و أخرى جسيمية ما سمح له بتفسير ظاهرة الفعل الكهروضوئي.

مثال :

$$1/ \text{أحسب الطاقة بالجول لفوتون من الضوء تواتره } \nu = 2.89 \cdot 10^{10} \text{ Hz}$$

$$E = h \cdot \nu$$

$$= 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J.s} \times 2.89 \cdot 10^{10} \text{ s}^{-1}$$

$$E = 19.16 \cdot 10^{-24} \text{ J}$$

$$2/ \text{أحسب الطاقة الموافقة بالكيلوجول ل 1 مول من فوتونات ضوء طول موجته } \lambda = 632.8 \text{ nm}$$

$$E = N_A \cdot h \cdot \nu = N_A \cdot h \cdot \frac{C}{\lambda}$$

$$= 6.023 \cdot 10^{23} \times 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J.s} \times \frac{3 \cdot 10^8 \text{ m.s}^{-1}}{632.8 \cdot 10^{-9} \text{ m}}$$

$$E = 1.89 \cdot 10^5 \text{ J / mol}$$

$$E = 189 \text{ KJ / mol}$$

#### 4. طيف الإصدار :

هو تحليل الضوء الصادر عن عنصر كيميائي مسخن في درجة حرارة عالية أو مثار بواسطة شرارة كهربائية أو تفريغ كهربائي (في أنبوب مهبطي) .

ينتشر هذا الضوء و ينقسم إلى مركباته التي يملك كل منها طول موجة خاصة و مميزة. طيف الإصدار هو كل تسجيل للضوء الصادر عن هذا العضو و لكل عنصر كيميائي طيف اصدار خاص به بحيث يمكن تحديده عن غيره من العناصر من خلال تحديد أطوال الموجة لخطوط هذا الطيف و التواترات الموافقة لها.

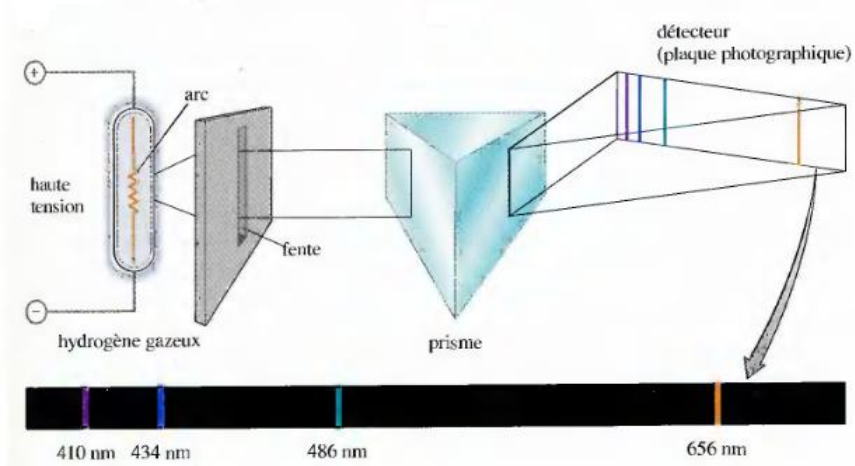
#### - طيف إصدار الهيدروجين:

{ مصباح الهيدروجين هو أنبوب مهبطي به هيدروجين ، عند ضغط منخفض إذا أرسلنا تفريغ كهربائي في الأنبوب فإن ذرات H تحرر طاقة على شكل ضوء ( نتيجة إصطدامها مع الأشعة المهبطية تصبح مثارة أي أنها تملك طاقة ) }

نضع على مسار هذا الضوء موشر فنحصل على طيف إصدار الهيدروجين و هو عبارة عن أربعة خطوط ملونة مفصولة بمناطق سوداء ( أو مظلمة ).

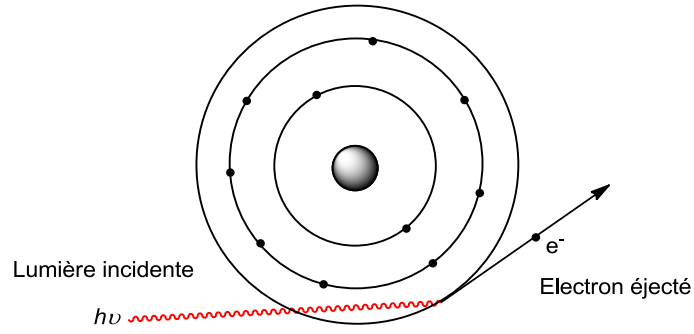
- كل خط يوافق إشعاع كهرومغناطيسي ذو طول موجة و تواتر مميز.

ملاحظة: بالنسبة لطيف إصدار الهيليوم فهو يقدم 6 خطوط في المنطقة المرئية.



#### 4 - الفعل الكهروضوئي :

إصطدام شعاع ضوئي ببعض السطوح خاصة المعادن ينتج عنه إقتلاع الإلكترونات الموجودة ففي المعدن ن هذا ما يؤدي إلى إنتاج حزمة من الإلكترونات .



تم تفسير هذه الظاهرة من طرف كما يلي :

عند ضرب ذرات المعدن ، تقدم فوتونات الضوء طاقتها إلى هذه الذرات فتصبح إلكتروناتها مثارة ما يسهل من خروجها من سطح المعدن لكن حدوث هذا يجب أن تكون طاقة الفوتونات أي طاقة الضوء الصادر  $E$  أكبر من قيمة دنيا تدعى طاقة العتبة  $E_0$ .

$$E > E_0$$

$$E = h\nu$$

$$E_0 = h\nu_0$$

مع العلم أن:

$\nu$ : تواتر الضوء الصادر.

$\nu_0$ : تواتر العتبة.

$$\Rightarrow h\nu > h\nu_0$$

$$\Rightarrow \nu > \nu_0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \nu = \frac{C}{\lambda} \\ \nu_0 = \frac{C}{\lambda_0} \end{array} \right.$$

لدينا أيضا:

$$\Rightarrow h \cdot \frac{C}{\lambda} > h \cdot \frac{C}{\lambda_0}$$

$$\Rightarrow \lambda < \lambda_0$$

• إذن ، شرط حدوث الفعل الكهروضوئي هو أن يكون:  $E > E_0$  أو  $\nu > \nu_0$  أو  $\lambda < \lambda_0$  .

- إذا كانت طاقة الفوتونات أكبر من طاقة العتبة فإن الفائض من الطاقة يتحول إلى طاقة حركية للإلكترونات المقطلة.

$$\begin{aligned}
E > E_0 &\Rightarrow E = E_0 + E_c \\
&\Rightarrow h \cdot \nu = h\nu_0 + E_c \\
&\Rightarrow E_c = \frac{1}{2} m_e \cdot \nu^2 = h(\nu - \nu_0) \\
&\Rightarrow \nu = \sqrt{\frac{2h(\nu - \nu_0)}{m_e}}
\end{aligned}$$

$\nu$  : هي سرعة الإلكترونات المقنتعة.

ملاحظة:

- لكل معدن تواتر عتبة  $\nu_0$  خاصة به.
- الطاقة الحركية للإلكترونات المنزوعة لا تتعلق بشدة الضوء الصادر.

### 5. نموذج Bohr الذري :

حسب قوانين الفيزياء الكلاسيكية التي يخضع لها نموذج Thomson الذري، الإلكترونات المشحونة سلبيا تكون ساكنة حيث أنها تكون محاطة بسحابة موجبة الشحنة. في حين نموذج Rutherford، الإلكترونات تكون في حركة حول النواة، لكن هذه الحركة يوافقها إرسال مستمر للضوء، أي أن الإلكترونات ستفقد شيئا فشيئا طاقتها و تقترب إلى النواة إلى أن تنتهي بالسقوط عليها - بحركة حلزونية - ما يعني أن الذرات تكون غير مستقرة. إذن الفيزياء الكلاسيكية لا تسمح بفهم بنية الذرة و لا تفسير لطيف إصدار العناصر الكيميائية و لا ظاهرة الفعل الضوئي. فقط النظرية الكمية نجحت في شرح هذه الظواهر بطريقة مرضية.

### 1-5 النموذج المستوي لذرة الهيدروجين حسب Bohr :

استطاع بور أن يفسر بنية ذرة الهيدروجين و أيضا قدم شرحا لطيف إصدار H و هذا بالاعتماد على الأعمال السابقة ل Planck و Einstein. يقتصر هذا النموذج على دراسة الأنظمة ذات الإلكترون الواحد منها الهيدروجين و أشباه الهيدروجين  ${}^4_2\text{Be}^{+3}$ ,  ${}^3_1\text{Li}^{+2}$ ,  ${}^2_1\text{He}^{+1}$ .

و يعتمد هذا النموذج على المسلمات التالية :

- 1- يرسم الإلكترون حول النواة مدارات دائرية مستقرة أي تملك طاقة محددة.
- 2- طاقة الإلكترون لا يمكن أن تأخذ إلا قيما ثابتة (مسموحة) متعلقة بكل مدار.
- 3- إذا انتقل من مدار إلى آخر، فإنه يكسب أو يفقد طاقة بامتصاصه أو إصداره إشعاع كهرومغناطيسي (ضوئي) أو كم من الفوتونات.

$$4- \text{ لا يمكن للعزم الحركي أن يأخذ إلا قيما محددة: } m_e \cdot \nu \cdot r = \frac{nh}{2\pi}$$

بحيث:

$m_e$  : كتلة الإلكترون.

$v$ : سرعة الإلكترون.

$r$ : نصف قطر مدار ذرة بور.

$h$ : ثابت بلانك.

$n$ : عدد صحيح  $n=1, 2, 3, 4, \dots$

## 2-5 تحديد نصف قطر ذرة Bohr :

إن الإلكترون الوحيد في ذرة بور ذو الكتلة  $m_e$  يتحرك بسرعة  $v_n$  ويرسم مدارا مستقرا  $n$  نصف قطره  $r_n$  هذا الإلكترون يكون خاضعا لقوتين  $\vec{F}_c$  و  $\vec{F}_e$  المتساويتين والمتعاكستين في الاتجاه بحيث :

$$\bullet \vec{F}_c : \text{القوة الطاردة المركزية: } F_c = \frac{m_e \cdot v_n^2}{r_n}$$

$$\bullet \vec{F}_e : \text{قوى التجاذب الكهروستاتيكي أو القوة الكولومبية : } F_e = \frac{-KZe^2}{r_n^2}$$

بحيث:

$Z$ : الرقم الذري.

$e$ : شحنة الإلكترون:  $|e| = 1.6 \cdot 10^{-19} C$

$K$ : ثابت قوى التجاذب الكهروستاتيكي:  $K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \cdot 10^9 [MKSA] = 1 [CGS]$

حتى يبقى الإلكترون في مداره المستقر يجب أن يكون:

$$\begin{aligned} F_e + F_c &= 0 \\ \Rightarrow \frac{KZe^2}{r_n^2} &= \frac{m_e \cdot v_n^2}{r_n} \\ \Rightarrow m_e \cdot v_n^2 \cdot r_n &= KZe^2 \\ \Rightarrow v_n^2 &= \frac{KZe^2}{m_e \cdot r_n} \dots \dots \dots (1) \end{aligned}$$

وحسب المسلمة الرابعة افترض بور أنه لا يمكن للعزم الحركي ان يأخذ إلا قيما محددة بحيث:

$$m_e \cdot v_n \cdot r_n = \frac{nh}{2\pi}$$

$$\Rightarrow v_n = \frac{nh}{2\pi \cdot m_e \cdot r_n}$$

$$\Rightarrow v_n^2 = \frac{n^2 h^2}{4\pi^2 \cdot m_e^2 \cdot r_n^2} \dots \dots \dots (2)$$

بمقارنة (1) و (2) نجد:

$$\frac{n^2 h^2}{4\pi^2 \cdot m_e^2 \cdot r_n^2} = \frac{KZe^2}{m_e \cdot r_n}$$

$$\Rightarrow \frac{n^2 h^2}{4\pi^2 \cdot m_e \cdot r_n} = KZe^2$$

ومنه:

$$r_n = \frac{n^2}{Z} \frac{h^2}{4\pi^2 K e^2 \cdot m_e}$$

نرمز ب:  $r_1$  أو  $a_0$  لنصف قطر المدار الأول لذرة الهيدروجين  $Z=1$  في حالتها الأساسية  $n=1$ .

$$r_1 = a_0 = \frac{h^2}{4\pi^2 K e^2 \cdot m_e}$$

اذن يمكن وضع:

$$r_n = \frac{n^2}{Z} a_0$$

وهي العلاقة العامة لحساب نصف قطر ذرة الهيدروجين  $Z=1$  وأشباه الهيدروجين  $Z \neq 1$ .

حساب  $r_1$  أو  $a_0$ :

$$r_1 = \frac{h^2}{4\pi^2 K e^2 \cdot m_e}$$

$$r_1 = \frac{(6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s})^2}{4 \cdot (3.14)^2 \cdot 9 \times 10^9 \cdot (1.6 \times 10^{-19} \text{ C})^2 \cdot 9.1 \times 10^{-31} \text{ Kg}}$$

$$r_1 = 0.53 \times 10^{10} \text{ m}$$

$$r_1 = a_0 = 0.53 \text{ \AA}$$

بالنسبة ل ذرة الهيدروجين  $Z=1$ :

$$r_1 = a_0 = 0.53A^0$$

$$r_2 = \frac{2^2}{1} \cdot 0.53A^0 = 2.12A^0$$

$$r_3 = \frac{3^2}{1} \cdot 0.53A^0 = 4.71A^0$$

$$r_4 = \frac{4^2}{1} \cdot 0.53A^0 = 8.48A^0$$

مثال: بالنسبة لشبيه الهيدروجين  $Li^{2+}$  :  $Z=3$

$$r_n(Li^{2+}) = \frac{n^2}{Z} \cdot a_0$$

$$r_1 = \frac{1^2}{3} \cdot 0.53A^0 = 0.17A^0$$

$$r_2 = \frac{1^2}{3} \cdot 0.53A^0 = 0.70A^0$$

$$r_3 = \frac{1^2}{3} \cdot 0.53A^0 = 1.59A^0$$

### 5.3. إيجاد سرعة الإلكترون في ذرة بور:

حسب المسلمة الرابعة افترض بور أنه لا يمكن للعزم الحركي ان يأخذ إلا قيما محددة بحيث:

$$m_e \cdot v_n \cdot r_n = \frac{nh}{2\pi}$$

$$\Rightarrow v_n = \frac{nh}{2\pi \cdot m_e \cdot r_n}$$

بالتعويض بعبارة نصف القطر  $r_n$  نجد:

$$v_n = \frac{nh}{2\pi \cdot m_e} \times \frac{4\pi^2 \cdot ZKe^2 \cdot m_e}{n^2 h^2}$$

$$v_n = \frac{Z \cdot 2\pi K \cdot e^2}{n \cdot h}$$

نرمز ب:  $v_1$  لسرعة الإلكترون في المدار الأول لذرة الهيدروجين  $Z=1$  في حالتها الأساسية  $n=1$ .

$$v_1 = \frac{2\pi K \cdot e^2}{h}$$

اذن يمكن وضع:

$$v_n = \frac{Z}{n} v_1$$



وهي العلاقة العامة لحساب سرعة الإلكترون في ذرة الهيدروجين  $Z=1$  وأشباه الهيدروجين  $Z \neq 1$ .

حساب  $v_1$ :

$$v_1 = \frac{2\pi K \cdot e^2}{h}$$

$$v_1 = \frac{2 \cdot (3.14) \times 9 \times 10^9 \cdot (1.6 \times 10^{-19} \text{ C})^2}{6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}}$$

$$v_1 = 2.18 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

بالنسبة لذرة الهيدروجين  $Z=1$ :

$$v_n = \frac{Z}{n} v_1 \text{ لدينا}$$

$$v_1 = 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

$$v_2 = \frac{1}{2} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 1.092 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

$$v_3 = \frac{1}{3} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 0.728 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

$$v_4 = \frac{1}{4} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 0.545 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

وهي العلاقة العامة لحساب سرعة إلكترون ذرة الهيدروجين  $Z=1$  وأشباه الهيدروجين  $Z \neq 1$ .

مثال: بالنسبة لشبيه الهيدروجين  ${}^2\text{He}^+$  :  $Z=2$ :

$$v_n = \frac{Z}{n} v_1 \text{ لدينا}$$

$$v_1(\text{He}^+) = \frac{2}{1} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 4.36 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

$$v_2(\text{He}^+) = \frac{2}{2} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

$$v_3(\text{He}^+) = \frac{2}{3} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 1.453 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

$$v_4(\text{He}^+) = \frac{2}{4} \cdot 2.18 \cdot 10^6 \text{ m/s} = 1.09 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

#### 5.4. إيجاد طاقة الإلكترون في ذرة بور:

الطاقة الكلية للإلكترون هي مجموع الطاقة الحركية  $E_c$  والطاقة الكامنة  $E_p$ .

$$E_T = E_p + E_c \text{ أي:}$$

أ. إيجاد عبارة الطاقة الحركية: وجدنا سابقا حسب العلاقة (1):

$$\begin{aligned} v_n^2 &= \frac{KZe^2}{m_e \cdot r_n} \\ \Rightarrow m_e v_n^2 &= \frac{KZe^2}{r_n} \\ \Rightarrow \frac{1}{2} m_e v_n^2 &= \frac{KZe^2}{2r_n} \\ \Rightarrow E_c &= \frac{KZe^2}{2r_n} \end{aligned}$$

ب. إيجاد عبارة الطاقة الكامنة: الطاقة الكامنة هي العمل اللازم لجلب الإلكترون من ما لانهاية  $\infty$  الى  $r$  (نصف قطر الذرة).

$$\begin{aligned} E_p &= -\int_{\infty}^r F_e dr \\ &= -\int_{\infty}^r \frac{-KZe^2}{r^2} dr \\ &= KZe^2 \int_{\infty}^r \frac{dr}{r^2} \\ &= KZe^2 \left[ -\frac{1}{r} \right]_{\infty}^r \\ &= KZe^2 \left[ \left( -\frac{1}{r} \right) - \left( -\frac{1}{\infty} \right) \right] \\ E_p &= \frac{-KZe^2}{r} \end{aligned}$$

$$\boxed{E_p = \frac{-KZe^2}{r_n}} \text{ اذن:}$$

$$\Rightarrow E_T = E_C + E_p = \frac{KZe^2}{2r_n} - \frac{KZe^2}{r_n} = \frac{-KZe^2}{2r}$$

بالتعويض بعبارة نصف القطر  $r_n$  نجد:

$$E_n = -\frac{KZe^2}{2} \times \frac{4\pi^2 \cdot ZKe^2 \cdot m_e}{n^2 h^2}$$

$$E_n = -\frac{Z^2}{n^2} \cdot \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{h^2}$$

نرمز ب:  $E_1$  لطاقة الالكترتون في المدار الأول لذرة الهيدروجين  $Z=1$  في حالتها الأساسية  $n=1$ .

$$E_1 = -\frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{h^2}$$

اذن يمكن وضع:

$$E_n = \frac{Z^2}{n^2} E_1$$

وهي العلاقة العامة لحساب لطاقة الالكترتون في ذرة الهيدروجين  $Z=1$  وأشباه الهيدروجين  $Z \neq 1$ .

حساب  $E_1$ :

$$E_1 = -\frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{h^2}$$

$$E_1 = -\frac{2 \cdot (3.14)^2 \cdot (9 \times 10^9)^2 \cdot (1.6 \times 10^{-19} C)^4 \cdot 9.1 \times 10^{-31} Kg}{(6.63 \times 10^{-34} J.s)^2}$$

$$E_1 = -21.8 \times 10^{-19} m$$

$$E_1 = -13.6 eV$$

بالنسبة لذرة الهيدروجين  $Z=1$ :

$$E_1 = -13.6 eV$$

$$E_2 = \frac{1^2}{2^2} \cdot -13.6 eV = -3.4 eV$$

$$E_3 = \frac{1^2}{3^2} \cdot -13.6 eV = -1.54 eV$$

$$E_4 = \frac{1^2}{4^2} \cdot -13.6 eV = -0.85 eV$$

$$E_\infty = 0$$

مثال: بالنسبة لشبيه الهيدروجين  $He^+$  :  $Z=2$ :

$$E_n = \frac{Z^2}{n^2} E_1 \text{ لدينا:}$$

$$E_1(He^+) = \frac{2^2}{1^2}(-13.6eV) = -54.4eV$$

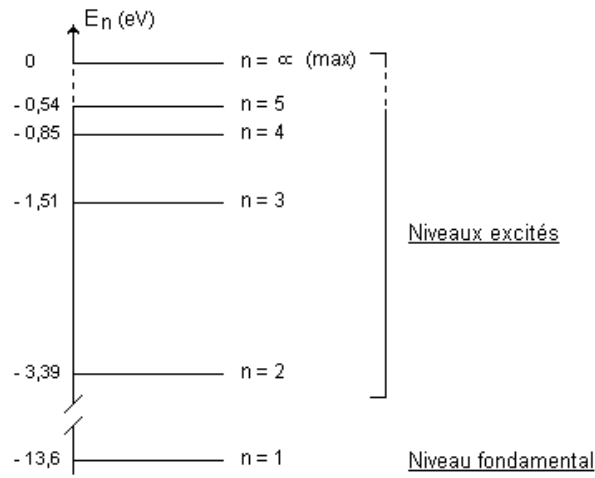
$$E_2(He^+) = \frac{2^2}{2^2}(-13.6eV) = -13.6eV$$

$$E_3(He^+) = \frac{2^2}{3^2}(-13.6eV) = -6.04eV$$

$$E_4(He^+) = \frac{2^2}{4^2}(-13.6eV) = -3.4eV$$

$$E_\infty(He^+) = 0$$

وعلى هذا الأساس يمكن تمثيل المخطط الطاقوي لطيف إمتصاص ذرة الهيدروجين كما يلي:



##### 5. تفسير طيف إصدار H حسب نظرية بور:

عند انتقال الإلكترون من مدار  $n_1$  ذو طاقة  $E_{n1}$  الى مدار  $n_2$  ذو الطاقة  $E_{n2}$  فإن التغير في الطاقة يكون:

$$\Delta E = E_{n_2} - E_{n_1} = \left( -\frac{Z^2}{n_2^2} \cdot \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{h^2} \right) - \left( -\frac{Z^2}{n_1^2} \cdot \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{h^2} \right)$$

$$\Delta E = -\frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e \cdot Z^2}{h^2} \left( \frac{1}{n_2^2} - \frac{1}{n_1^2} \right)$$

$$\Delta E = \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e \cdot Z^2}{h^2} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

لكن الطاقة المكتسبة أو المفقودة تكون على شكل امتصاص أو ارسال اشعاع ضوئي تواتره  $\nu$ .

$$\Delta E = h \cdot \nu = h \cdot \frac{C}{\lambda}$$

$$\Rightarrow \Delta E = h \cdot \frac{C}{\lambda} = \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e \cdot Z^2}{h^2} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e \cdot Z^2}{Ch^3} \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

نضع:

$$R_H = \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{Ch^3}$$

$R_H$ : ثابت ريدبارغ الخاص بالهيدروجين.

حساب ثابت ريدبارغ:

$$R_H = \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{Ch^3}$$

$$R_H = \frac{2 \cdot (3.14) \cdot 2 \cdot (9 \cdot 10^9)^2 \cdot (1.6 \cdot 10^{-19})^4 \cdot 9.1 \cdot 10^{-31} \text{ Kg}}{3 \cdot 10^8 \text{ m/s} \cdot (6.63 \cdot 10^{-34} \text{ J.s})^3}$$

$$R_H = 1.097373 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \bar{\nu} = Z^2 \cdot R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

بحيث:  $n_2 > n_1$

وهي علاقة بالمر.

ملاحظة:

$$\frac{1}{\lambda} = \bar{\nu} = Z^2 \cdot R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \quad \text{في علاقة Balmer.}$$

نأخذ دائما  $n_2 > n_1$  سواء كان ذلك في حالة الإمتصاص أو الإصدار ، لأن طول الموجة الممتصة أو الصادرة لا يمكن أن يكون إلا موجبا.

## 6. السلاسل الطيفية لذرة الهيدروجين :

نجح نموذج Bohr في تفسير طيف اصدار الهيدروجين المدروس سابقا ( المنطقة المرئية ) و الذي يظهر على شكل عدة سلاسل من الخطوط عند اثاره ذرة الهيدروجين.

ينتقل فيها الالكتران في ذرة الهيدروجين من مستوى طاقي إلى مستوى طاقي آخر ، و هذا بإرساله إشعاع ضوئي (فوتون) يملك طاقة محددة . مجموع هذه الفوتونات التي تملك نفس الطاقة تشكل خط طيفي و مجموع هذه الخطوط الموافق لمختلف الانتقالات الممكنة تشكل طيف الإصدار الملاحظ سابقا .

يتكون طيف إصدار الهيدروجين من عدة سلاسل خطية . السلاسل الخطية الأكثر شيوعا توجد في المنطقة فوق بنفسجية المرئية و المنطقة تحت الحمراء .

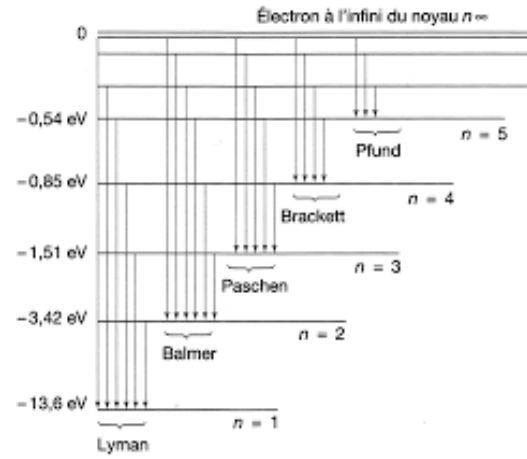
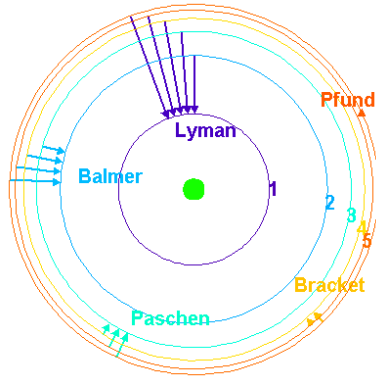
• سلسلة **Lyman** : سلسلة الخطوط الموافقة لانتقال الإلكترون إلى المستوى الطاقى  $n = 1$  (الحالة الأساسية) هي سلسلة **Lyman** و تنتمي إلى المجال فوق البنفسجي .

• سلسلة **Balmer** : وتوافق انتقال الإلكترون إلى المستوى الطاقى  $n = 2$  أربعة خطوط من السلسلة الطيفية **Balmer** تنتمي إلى المجال المرئي أما الخطوط الأخرى فتتنتمي إلى المنطقة فوق بنفسجية .

• في سلسلة **Paschen** التي تنتمي إلى المجال تحت حمراء فتوافق إنتقال الإلكترون إلى المستوى الطاقى الأدنى  $n = 3$

• في سلسلة **Brackett** التي تنتمي إلى المجال تحت حمراء فتوافق إنتقال الإلكترون إلى المستوى الطاقى الأدنى  $n = 4$

• في سلسلة **Pfund** التي تنتمي إلى المجال تحت حمراء فتوافق إنتقال الإلكترون إلى المستوى الطاقى الأدنى  $n = 5$



## 7. الخطوط الحدية :

• الخط الأولي : و يوافق انتقال الإلكترون من مدار  $n_2 = n_1 + 1$  ذو الى مدار  $n_1$  ويوافق فرق في الطاقة أصغر أي طول موجة أعظمي  $\lambda_{max}$  . العدد الموجي لهذا الانتقال هو :

$$\frac{1}{\lambda} = \bar{\nu} = Z^2 \cdot R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

بالنسبة لذرة الهيدروجين  $Z=1$  :

$$\begin{aligned}\frac{1}{\lambda} &= R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \\ \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{max}} &= R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{(n+1)^2} \right) \\ \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{max}} &= R_H \left( \frac{(n_1+1)^2 - n_1^2}{n_1^2 (n_1+1)^2} \right) \\ \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{max}} &= R_H \left( \frac{2n_1+1}{n_1^2 (n_1+1)^2} \right) \\ \Rightarrow \lambda_{max} &= \frac{n_1^2 (n_1+1)^2}{R_H (2n_1+1)}\end{aligned}$$

• الخط الحدي : و يوافق انتقال الإلكترون من المدار  $n_2 \rightarrow \infty$  ذو الى المدار  $n_1$  و يوافق فرق في الطاقة أكبر أي طول موجة أصغري  $\lambda_{min}$  . العدد الموجي لهذا الانتقال يكون:  
لدينا :

$$\begin{aligned}\frac{1}{\lambda} &= R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \\ \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{min}} &= R_H \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{\infty} \right) \\ \Rightarrow \frac{1}{\lambda_{max}} &= \frac{R_H}{n_1^2}\end{aligned}$$

$$\Rightarrow \lambda_{max} = \frac{n_1^2}{R_H}$$

نتيجة:

المجال	$\lambda_{max}$	$\lambda_{min}$	$n_2$	$n_1$	السلسلة
U.V	121.5	91.1	2, 3, 4, ..., $\infty$	1	Lyman
UV-Visible	656.2	364.7	3, 4, 5, ..., $\infty$	2	Balmer
I.R	1875.1	820.5	4, 5, 6, ..., $\infty$	3	Paschen
I.R			5, 6, 7, ..., $\infty$	4	Brackett
I.R			6, 7, 8, ..., $\infty$	5	Pfund

## 8. الانتقالات الإلكترونية :

الامتصاص: عندما يمتص الإلكترون كم من الطاقة سيبتعد عن النواة أي أنه ينتقل من مستوى طاقي أدنى إلى مستوى طاقي أعلى بحيث تكون هذه الطاقة موجبة . نسمي هذا الانتقال بالامتصاص.

الإصدار: و هو عند انتقال الإلكترون من مستوى طاقي أعلى إلى مستوى طاقي أدنى أي أن الإلكترون يفقد طاقة على شكل إشعاع ضوئي (فوتون) ليقترب إلى النواة. بحيث تكون هذه الطاقة سالبة. نسمي هذا الإنتقال بالإصدار.

ملاحظة :

• نرسم للمستوى الطاقي الموافق للمدار  $n$  بأحرف لاتينية كما يلي:

$n=1$	K
$n=2$	L
$n=3$	M
$n=4$	N

• نرسم لانتقال الإلكترون من المستوى الطاقي  $n_1$  إلى  $n_2=n_1+1$  :  $\alpha$   
 نرسم لانتقال الإلكترون من المستوى الطاقي  $n_1$  إلى  $n_2=n_1+2$  :  $\beta$   
 نرسم لانتقال الإلكترون من المستوى الطاقي  $n_1$  إلى  $n_2=n_1+3$  :  $\gamma$

مثلا:

الخط  $M\beta$  و يوافق الانتقال: من  $n_1=3$  إلى  $n_2=5$ .

الخط  $K\alpha$  و يوافق الانتقال: من  $n_1=1$  إلى  $n_2=2$ .

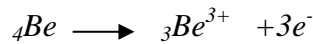
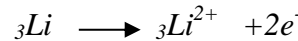
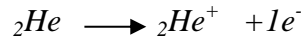
### 9. الحالة الأساسية و الحالة المثارة :

يكون الإلكترون في ذرة الهيدروجين عموما في أدنى مستوى طاقي ( الموافق للمدار الأقرب للنواة) في هذه الحالة نقول أن الذرة توجد في الحالة الأساسية ( غالبا  $n = 1$  : المدار الأول). لكن بفعل التفريغ الكهربائي أو التسخين ينتقل الإلكترون إلى مستوى طاقي أعلى . نقول إذن أن الذرة توجد في حالة مثارة ، هذه الذرة ترسل طاقة على شكل فوتونات ليعود ال إلى مستوى أقل طاقة أي إلى الحالة الأساسية ( الحالة المثارة الأولى  $n = 2$  ، الحالة المثارة الثانية  $n = 3$  ... إلخ )

### 10. أشباه الهيدروجين :

هي أيونات بعض الذرات ، تملك إلكترون واحد فقط و هذا بعد فقدها باقي الإلكترونات . مثلا:  ${}^2_2\text{He}^+$  ,  ${}^3_3\text{Li}^{2+}$  ,  ${}^4_4\text{Be}^{3+}$  , ...

حسب المعادلات التالية :



بما أن هذه الأيونات تملك واحد فيمكن أن نطبق عليها نظرية بور للإلكترون الوحيد في ذرة الهيدروجين و بنفس الطريقة السابقة يمكن حساب نصف قطر الذرة ن سرعة الإلكترون و طاقته.

الرقم الذري يختلف عن حالة الهيدروجين.

$$r_n = \frac{n^2}{Z} \frac{h^2}{4\pi^2 K e^2 . m_e}$$

$$r_n = \frac{n^2}{Z} a_0$$

$$v_n = \frac{Z}{n} \frac{2\pi K . e^2}{h}$$

$$v_n = \frac{Z}{n} v_1$$



$$E_n = -\frac{Z^2}{n^2} \cdot \frac{2\pi^2 K^2 e^4 m_e}{h^2}$$

$$E_n = \frac{Z^2}{n^2} E_1$$