

Université de Batna 2 2<sup>eme</sup> année SAD  
 Faculté des Mathématiques et Informatique Année 2021-2022  
 Département de mathématiques

**TD (Statistiques inférentielles 1 )**  
**Distribution d'échantillonnage**

**Exercice 1** Soit  $Z$  une variable qui suit une loi normale centrée réduite :  $Z \sim \mathcal{N}(0, 1)$ . Utilisez la notation symbolique pour les affirmations suivantes. Ensuite, représentez graphiquement la zone cherchée et calculez la valeur demandée en pourcentage.

- a) le pourcentage de données ayant une cote  $z$  supérieure à 2,16;
- b)  $P(0,33 < Z < 1,33)$  ;
- c) la probabilité que  $Z$  soit entre  $-1,41$  et  $0$ .
- d)  $P(Z > -2,83)$
- e) le pourcentage de données ayant une cote comprise entre  $-2,05$  et  $2,80$  ;
- f) la proportion des données ayant une cote  $z$  entre  $-2$  et  $-1,06$ ;
- g) les chances qu'une donnée choisie au hasard ait une cote  $z$  comprise entre  $-1,5$  et  $1,5$ .

**Exercice 2** Soit  $Z$  une variable qui suit une loi normale centrée réduite :  $Z \sim \mathcal{N}(0, 1)$ . Utilisez la notation symbolique pour les affirmations suivantes. Ensuite, représentez graphiquement la zone cherchée et calculez la valeur de  $a$ .

- a) le pourcentage de données ayant une cote  $z$  supérieure à  $a$  est de 1%
- b) la probabilité que  $Z$  soit inférieure à  $a$  est de 5%
- c) la proportion des données ayant une cote  $z$  inférieure à  $a$  est de 60%
- d)  $P(a < Z) = 0,6032$
- e)  $P(a < Z) = 38,32\%$
- f) les chances qu'une donnée choisie au hasard ait une cote  $z$  comprise entre  $-a$  et  $a$  est de 99%
- g) le pourcentage de données ayant une cote comprise entre  $a$  et  $0$  est de 36% ;

**Exercice 3** Avec les paramètres de la population  $\mu = 30$ ,  $\sigma = 8$ : Calculer la probabilité pour que la moyenne  $m$  d'un échantillon de taille 35 pris au hasard avec un tirage non exhaustif vérifie :

1.  $m < 27$
2.  $m < 32$
3.  $27 < m < 32$
4.  $m > 32$

**Exercice 4** Un important détaillant offre une politique de retour « sans tracas ». Le nombre d'articles retournés par jour obéit approximativement à une loi normale, dont la moyenne est 9,6 et l'écart type, 2,3.

- a) Combien de jours dans une année compteront 7 articles ou moins retournés ?
- b) Combien de jours dans une année compteront entre 12 et 14 articles retournés ?
- c) Y a-t-il des jours sans retour ?

**Exercice 5** Une entreprise sait que le montant dépensé par l'ensemble de ses 500 clients est en moyenne de 173,54\$ avec un écart type de 42,23\$. On interroge 35 clients au hasard et on leur demande le montant qu'ils ont dépensé.

a) Quelle est la probabilité que le montant moyen dépensé par les 35 clients soit supérieur à 160\$?

b) Quelles sont les chances que le montant dépensé par un client choisi au hasard se situe entre 170\$ et 180\$?

**Exercice 6** Le rendement en pourcentage des actions ordinaires des 1000 plus grandes sociétés canadiennes en 2000 affiche une moyenne de 10,3% et un écart-type de 21,1%. Si l'on sélectionne un échantillon aléatoire de 200 entreprises dans cette population, déterminez la probabilité que

a) le rendement moyen de ces 200 entreprises soit supérieur à 13%.

b) le rendement moyen de 200 entreprises choisies au hasard soit négatif

**Exercice 7** Une population est constituée des 5 nombres : 2, 3, 6, 8, 11. On considère tous les échantillons aléatoires non éxhaustifs de taille 2.

Trouver:

1. La moyenne et l'écart-type de la population.

2. La moyenne et l'écart-type de la distribution d'échantillonnage des moyennes dans le cas d'un tirage indépendant.

3. Résoudre le problème dans le cas où les échantillons sont éxhaustifs.

**Exercice 8** Une population  $E$  est composée de quatre éléments suivants:

$$E = \{1, 2, 4, 6\}$$

1. Calculer la proportion  $p$  des chiffres impairs.

2.

a) Donner tous les échantillons de taille, deux, qui peuvent être extraits, avec remise de la population  $E$ .

b) Calculer pour chacun des échantillons précédents la fréquence  $f$  des chiffres impairs.

c) Calculer la moyenne  $\mu_f$  de la distribution d'échantillonnage des fréquences  $f$ .

d) Calculer l'écart-type  $\sigma_f$  de la distribution d'échantillonnage des fréquences  $f$ .

3. Répondre à la question précédente en considérant un tirage sans remise

**Exercice 9** On suppose que les étudiants d'un cours de Echantillonnage, Estimation aient des notes normalement distribuées avec une moyenne  $m = 72$  et un écart-type  $\sigma = 9$ .

1. Trouver la probabilité pour qu'un seul étudiant choisit au hasard ait une note supérieure à 80.

2. Trouver la probabilité pour qu'un échantillon aléatoire de 10 étudiants ait une note moyenne supérieure à 80.

3. Répondre à la question précédente (2.) en supposant que la population ne suit pas une loi normale