

## اختبار فريدمان (Friedman)

يستخدم هذا الاختبار لقياس الفرق المعنوي بين وسيط (k) من العينات المترابطة عندما يتعذر استخدام اختبار تحليل التباين أحادي الاتجاه؛ أي عندما لا تتحقق شروط استخدام هذا الأخير. ويستخدم هذا الاختبار في المقارنة بين عدة عينات (مجموعات) مترابطة (أكثر من اثنين)، ويعتمد في حسابه على الخطوات التالية:

- يمثل كل صف برتب تصاعديا من أصغر قيمة إلى أكبر قيمة؛
- يحسب مجموع رتب كل عينة (عمود)؛
- يحسب الاختبار باستعمال الصيغة الآتية :

$$F = \left( \frac{12}{rk(k+1)} * \sum R_i^2 \right) - 3r * (k + 1)$$

ملاحظة: الأعداد 12 و 3 ثابتة في المعادلة.

حيث أن :

r : عدد الصفوف

K : عدد العينات المرتبطة

R : مجموع الرتب للعينة

للتأكد من صحة النتائج يجب أن نجد مجموع الرتب (R) في العينات يساوي  $rk*(k+1)/2$

بعد إيجاد القيمة المحسوبة نقارنها بقيمة  $\chi^2$  الجدولية (الجدولية  $\chi^2$  المقابلة لدرجة الحرية (1-k)

- عندما تكون القيمة المحسوبة أكبر أو تساوي القيمة الجدولية نقبل الفرضية البديلة ونرفض الفرضية الصفرية ونقول بأنه توجد فروق بين العينات ولمعرفة مصدر الفروق نقوم بإجراء المقارنات البعدية (اختبار ولكوكسن للأزواج)، في الحالة العكسية نقبل الفرضية الصفرية ونرفض الفرضية البديلة ونقول بأنه لا توجد فروق.

مثال: البيانات التالية تمثل معدلات 8 تلاميذ خلال ثلاثة فصول دراسية للموسم الدراسي

2018/2017

التلميذ	ف1	ف2	ف3
1	10	12	11
2	13	15	13
3	14	12	13

13	13	13	4
15	15	16	5
13	13	14	6
10	10	9	7
11	12	10	8

المطلوب: علما أن البيانات لا تتبع التوزيع الطبيعي في ال الثلاث، هل توجد فروق بين معدلات التلاميذ خلال الفصول الدراسية عند مستوى دلالة 0,05؟  
الحل:

لدينا ثلاثة عينات مترابطة، التوزيع غير طبيعي، الهدف إيجاد الفروق، اذن الاختبار المناسب هو اختبار فريدمان.

ف0: لا توجد فروق

ف1: توجد فروق

R <sub>3</sub>	ف 3	R <sub>2</sub>	ف 2	R <sub>1</sub>	ف 1
2	11	3	12	1	10
1,5	13	3	15	1,5	13
2	13	1	12	3	14
2	13	2	13	2	13
1,5	15	1,5	15	3	16
1,5	13	1,5	13	3	14
2,5	10	2,5	10	1	9
2	11	3	12	1	10
15	المجموع	17,5	المجموع	15,5	المجموع

$$r = 8$$

$$K = 3$$

$$R_1 = 15.5 , R_2 = 240.25$$

$$R_2 = 17.5 , R_2^2 = 306.25$$

$$R_3 = 15 , R_3^2 = 225$$

$$R_1^2 + R_2^2 + R_3^2 = 240.25 + 306.25 + 225 = 771.5$$

$$R_1 + R_2 + R_3 = 15.5 + 17.5 + 15 = 48.$$

$$8 * 3(3+1)/2 = 48$$

نعوض في المعادلة السابقة :

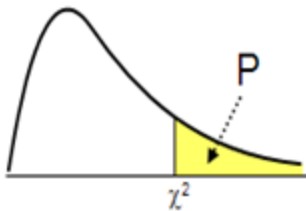
$$F = \frac{12}{8 * 3(3 + 1)} * 771,5 - 3 * 8(3 + 1) = 0,4375$$

القيمة الجدولية: عند مستوى دلالة 0,05 ودرجة حرية = 2 = 3 - 1، قيمة ك<sup>2</sup> الجدولية

تساوي 5,991.

القرار الإحصائي: بما أن القيمة المحسوبة أقل من القيمة الجدولية (0,43 < 5,991)، فإننا نقبل

ف0 ونرفض ف1 ونقول بأنه لا توجد بين معدلات التلاميذ خلال الفصول الدراسية.



DF	P										
	0.995	0.975	0.20	0.10	0.05	0.025	0.02	0.01	0.005	0.002	0.001
1	0.0000393	0.000982	1.642	2.706	3.841	5.024	5.412	6.635	7.879	9.550	10.828
2	0.0100	0.0506	3.219	4.605	5.991	7.378	7.824	9.210	10.597	12.429	13.816
3	0.0717	0.216	4.642	6.251	7.815	9.348	9.837	11.345	12.838	14.796	16.266
4	0.207	0.484	5.989	7.779	9.488	11.143	11.668	13.277	14.860	16.924	18.467
5	0.412	0.831	7.289	9.236	11.070	12.833	13.388	15.086	16.750	18.907	20.515
6	0.676	1.237	8.558	10.645	12.592	14.449	15.033	16.812	18.548	20.791	22.458
7	0.989	1.690	9.803	12.017	14.067	16.013	16.622	18.475	20.278	22.601	24.322
8	1.344	2.180	11.030	13.362	15.507	17.535	18.168	20.090	21.955	24.352	26.124
9	1.735	2.700	12.242	14.684	16.919	19.023	19.679	21.666	23.589	26.056	27.877
10	2.156	3.247	13.442	15.987	18.307	20.483	21.161	23.209	25.188	27.722	29.588
11	2.603	3.816	14.631	17.275	19.675	21.920	22.618	24.725	26.757	29.354	31.264
12	3.074	4.404	15.812	18.549	21.026	23.337	24.054	26.217	28.300	30.957	32.909
13	3.565	5.009	16.985	19.812	22.362	24.736	25.472	27.688	29.819	32.535	34.528
14	4.075	5.629	18.151	21.064	23.685	26.119	26.873	29.141	31.319	34.091	36.123
15	4.601	6.262	19.311	22.307	24.996	27.488	28.259	30.578	32.801	35.628	37.697
16	5.142	6.908	20.465	23.542	26.296	28.845	29.633	32.000	34.267	37.146	39.252
17	5.697	7.564	21.615	24.769	27.587	30.191	30.995	33.409	35.718	38.648	40.790
18	6.265	8.231	22.760	25.989	28.869	31.526	32.346	34.805	37.156	40.136	42.312
19	6.844	8.907	23.900	27.204	30.144	32.852	33.687	36.191	38.582	41.610	43.820
20	7.434	9.591	25.038	28.412	31.410	34.170	35.020	37.566	39.997	43.072	45.315
21	8.034	10.283	26.171	29.615	32.671	35.479	36.343	38.932	41.401	44.522	46.797
22	8.643	10.982	27.301	30.813	33.924	36.781	37.659	40.289	42.796	45.962	48.268
23	9.260	11.689	28.429	32.007	35.172	38.076	38.968	41.638	44.181	47.391	49.728
24	9.886	12.401	29.553	33.196	36.415	39.364	40.270	42.980	45.559	48.812	51.179
25	10.520	13.120	30.675	34.382	37.652	40.646	41.566	44.314	46.928	50.223	52.620
26	11.160	13.844	31.795	35.563	38.885	41.923	42.856	45.642	48.290	51.627	54.052
27	11.808	14.573	32.912	36.741	40.113	43.195	44.140	46.963	49.645	53.023	55.476
28	12.461	15.308	34.027	37.916	41.337	44.461	45.419	48.278	50.993	54.411	56.892
29	13.121	16.047	35.139	39.087	42.557	45.722	46.693	49.588	52.336	55.792	58.301
30	13.787	16.791	36.250	40.256	43.773	46.979	47.962	50.892	53.672	57.167	59.703
31	14.458	17.539	37.359	41.422	44.985	48.232	49.226	52.191	55.003	58.536	61.098