

TD N°01 : Intégrales Simples et Multiples

Exercice n°01

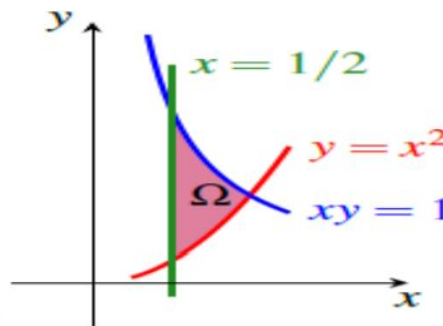
- a) Calculez l'intégrale suivante en utilisant l'intégration par parties : $I = \int x^2 e^x dx$
- b) Calculez l'intégrale suivante en utilisant un changement de variable : $I = \int_1^2 \frac{e^x}{1+e^x} dx$

Exercice n°02

- a) Calculez l'intégrale suivante avec trois méthode différentes $\iint_{[0,1] \times [0, \frac{\pi}{2}]} x \cdot \cos y dx dy$. Conclure.
- b) Calculez les intégrales doubles suivantes :

$$I_1 = \int_0^1 \int_{x^2}^x (x + y) dy dx \qquad I_2 = \int_1^2 \int_0^{\frac{\pi}{2x}} \cos(xy) dy dx$$

- c) Calculez l'intégrale $\iint_{\Omega} dx dy$ de la région montrée sur la figure ci-dessous selon les deux chemins oy et ox. Que peut-on conclure ?



- d) Changer l'ordre d'intégration dans $I = \int_0^2 \int_x^2 e^{y^2} dy dx$

Exercice n°03

- a) Calculez l'intégrale double $I = \int_{D_1} (y - x) dx dy$, où D est le domaine du plan Oxy limité par les droites : $y = x + 1$, $y = x - 3$, $y = -\frac{1}{3}x + \frac{7}{3}$, $y = -\frac{1}{3}x + 5$.

En utilisant le changement de variable : $u = y - x$ et $v = y + \frac{1}{3}x$

- b) Calculez l'intégrale $\iint_{D_2} \frac{1}{x^2+y^2} dx dy$ en utilisant le changement de variable polaires où

$$D_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2: x \geq 0; y \geq 0; 1 \leq x^2 + y^2 \leq 4\}.$$

Exercice n°04

Calculez les intégrales triples suivantes :

$$I_1 = \int_0^1 \int_0^1 \int_0^1 xyz dx dy dz \qquad I_2 = \int_0^1 \int_0^x \int_0^{x+y} xyz dz dy dx \qquad I_3 = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \int_0^1 \int_0^2 z \rho^2 \sin \theta dz d\rho d\theta$$