

## Corrigé type du TD 1

Exercice 2 :

1. Transistor JFET canal-N

2.  $V_{GS} = 0 \Rightarrow I_D = I_{DSS} = 12 \text{ mA}$

3.  $V_{DS_{min}}$  pour  $I_D$  cst  $\rightarrow V_P$

$$V_{DS_{min}} = V_P \text{ et } V_P = |V_{GS_{eff}}|$$

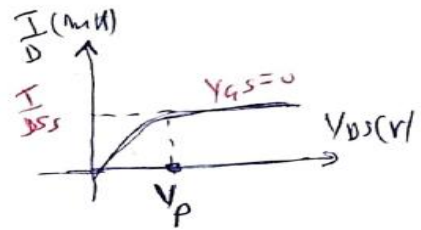
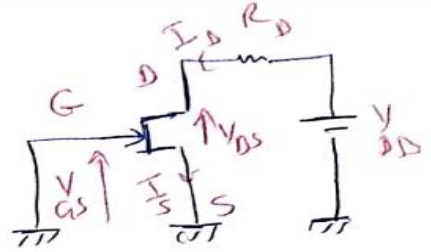
donc  $V_{DS_{min}} = 4 \text{ V}$  avec  $V_{GS} = 0$ .

$$V_{DD} = V_{DS} + R_D I_D \Rightarrow V_{DD_{min}} = V_{DS_{min}} + R_D I_{DSS}$$

$$V_{DD_{min}} = 10,7 \text{ V}$$

4. si  $V_{DD} = 15 \text{ V} \Rightarrow I_D$  reste constant c'd  $I_D = I_{DSS} = 12 \text{ mA}$

5.  $V_{DS} = V_{DD} - R_D I_D = 8,28 \text{ V}$ .



Exercice 3 :

1. L'équation de la droite de charge statique est :

$$V_{DD} = R_D I_{DS} + R_S I_{DS} + V_{DS} \quad (\text{car } I_G \approx 0).$$

Ou encore

$$I_{DS} = \frac{V_{DD} - V_{DS}}{R_D + R_S}$$

On veut que  $V_{DS} = \frac{V_{DD}}{2}$

D'où  $I_{DS} = \frac{V_{DD}}{2(R_D + R_S)}$

Or  $I_{DS} = -\frac{V_{GS}}{R_S}$  (car  $E = 0$ )

• Calcul de  $V_{GS}$

$$I_{DS} = I_{DSS} \left(1 + \frac{V_{GS}}{V_P}\right)^2 \quad \text{avec } V_{GS} < 0 \text{ et } V_P > 0$$

$$-\frac{V_{GS}}{R_S} = I_{DSS} \left(1 + 2\frac{V_{GS}}{V_P} + \frac{V_{GS}^2}{V_P^2}\right) \quad \text{pour } V_{GS} \geq -V_P$$

$$-\frac{V_{GS}}{R_S I_{DSS}} = \left(1 + 2\frac{V_{GS}}{V_P} + \frac{V_{GS}^2}{V_P^2}\right)$$

**A.N.:**  $R_S I_{DSS} = 10^3 \cdot 4 \cdot 10^{-3} = 4 \text{ V}$   
 $V_P = 4 \text{ V}$

$$-\frac{V_{GS}}{4} = 1 + 2\frac{V_{GS}}{4} + \frac{V_{GS}^2}{16}$$

Par suite, on peut écrire :  $V_{GS}^2 + 12 V_{GS} + 16 = 0$  d'où

$$\Delta' = \left(\frac{12}{2}\right)^2 - 16 = 20$$

$$V_{GS1} = \frac{-6 - \sqrt{20}}{1} \approx -10.5 \text{ V} < -V_P \text{ à rejeter}$$

$$V_{GS2} = \frac{-6 + \sqrt{20}}{1} \approx -1.53 \text{ V} > -V_P$$

donc  $V_{GS} = -1.53 \text{ V}$ .

d'où  $I_{DS} = \frac{-V_{GS}}{R_S} = 1.53 \text{ mA}$

et  $R_D = \frac{V_{DD} - V_{DS}}{2I_{DS}} - R_S$

$$R_D = \frac{12}{2 \cdot 1.53 \cdot 10^{-3}} - 1 \cdot 10^3$$

$R_D = 2.93 \text{ k}\Omega$

2.  $E = -1 \text{ V}$

$$E = V_{GS} + R_S I_{DS}$$

$$I_{DS} = \frac{E - V_{GS}}{R_S}$$

$$I_{DS} = \frac{E - V_{GS}}{R_S} = I_{DSS} \left( 1 + \frac{V_{GS}}{V_P} \right)^2$$

$$\frac{E - V_{GS}}{R_S I_{DSS}} = 1 + 2 \frac{V_{GS}}{V_P} + \frac{V_{GS}^2}{V_P^2}$$

A.N. :

$$-\frac{1}{4} - \frac{V_{GS}}{4} = 1 + 2 \frac{V_{GS}}{4} + \frac{V_{GS}^2}{16}$$

$$V_{GS}^2 + 12V_{GS} + 20 = 0 \quad \text{d'où} \quad \Delta' = 36 - 20 = 16$$

$$V_{GS1} = \frac{-6 - 4}{1} = -10 \text{ V} < -V_P \text{ à rejeter}$$

$$V_{GS2} = \frac{-6 + 4}{1} = -2 \text{ V}$$

Donc  $V_{GS} = -2 \text{ V}$

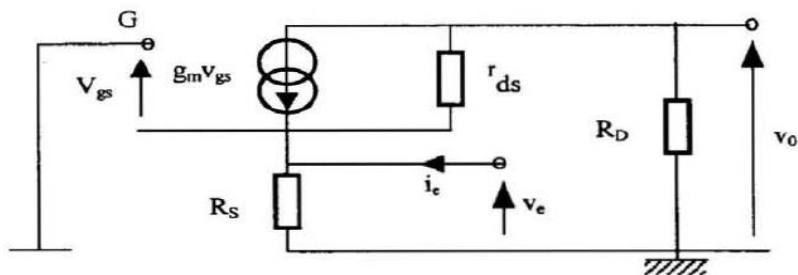
$$\text{Par suite } I_{DS} = \frac{E - V_{GS}}{R_S} = \frac{-1 + 2}{1.10^3} = 1 \text{ mA}$$

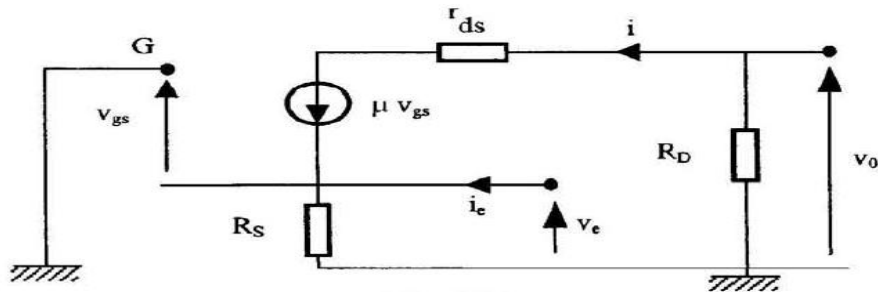
Enfin  $V_{DS} = V_{DD} - (R_D + R_S) I_{DS}$

$$V_{DS} = 12 - (2,93 + 1).1$$

$$V_{DS} = 8,1 \text{ V}$$

3. le schéma équivalent en régime dynamique :





avec  $\mu = g_m \cdot r_{ds}$

4.

Amplification en tension :

$$V_{gs} = v_g - v_s = 0 - v_e = -v_e$$

La loi des mailles, nous permet d'écrire : 
$$i = \frac{v_o + \mu \cdot v_{gs} - v_e}{r_{ds}}$$

ou encore 
$$i = \frac{v_o - v_e(1 + \mu)}{r_{ds}} \quad \text{or } v_o = -R_D \cdot i$$

$$\text{d'où : } v_o = -\frac{R_D}{r_{ds}} (v_o - v_e(1 + \mu))$$

$$\Rightarrow v_o \left( 1 + \frac{R_D}{r_{ds}} \right) = \frac{R_D}{r_{ds}} (1 + \mu) \cdot v_e$$

Enfin

$$A_v = \frac{v_o}{v_e} = \frac{R_D}{R_D + r_{ds}} (1 + \mu)$$

Calcul de  $g_m$  :

$$g_m = \frac{\partial I_{DS}}{\partial V_{GS}} \quad \text{et comme } I_{DS} = I_{DSS} \left( 1 + \frac{V_{GS}}{V_P} \right)^2$$

$$\text{Par suite } g_m = \frac{\partial I_{DS}}{\partial V_{GS}} = -\frac{2I_{DSS}}{V_P} \left( 1 + \frac{V_{GS}}{V_P} \right)$$

$$\text{A.N. : } g_m = -\frac{2.4 \cdot 10^{-3}}{4} \left( 1 + \frac{-2}{4} \right) = 1 \text{ mA/V or } \mu = g_m \cdot r_{ds} = 1.50 = 50$$

$$\text{d'où } A_v = \frac{R_D(1 + \mu)}{R_D + r_{ds}} \approx g_m R_D \quad \text{A.N. : } \boxed{A_v \approx 2,9}$$

Impédance d'entrée :

$$i_e + i = \frac{v_e}{R_S} \quad \Leftrightarrow \quad i_c = \frac{v_e}{R_S} - i$$

En appliquant la loi des mailles, on obtient :

$$v_e(1 + \mu) = -(r_{ds} + R_D) i \quad \Leftrightarrow \quad i = -\frac{(1 + \mu)v_e}{r_{ds} + R_D}$$

$$\text{D'où : } i_e = \frac{v_e}{R_S} + \frac{(1 + \mu)v_e}{r_{ds} + R_D} \quad \text{Par suite } Y_e = \frac{1}{Z_e} = \frac{i_e}{v_e} = \frac{1}{R_S} + \frac{(1 + \mu)}{r_{ds} + R_D}$$

$$\text{Enfin : } Z_e = \frac{v_e}{i_e} = \frac{1}{\frac{1}{R_S} + \frac{1 + \mu}{r_{ds} + R_D}} = \frac{R_S \frac{r_{ds} + R_D}{1 + \mu}}{R_S + \frac{r_{ds} + R_D}{1 + \mu}}$$

$$\boxed{Z_e = \frac{R_S (r_{ds} + R_D)}{(1 + \mu)R_S + r_{ds} + R_D}}$$

A.N. :

$$Z_e = \frac{1 \cdot 10^3 (50 + 2,9) 10^3}{51 \cdot 1 \cdot 10^3 + 50 \cdot 10^3 + 2,9 \cdot 10^3} = 509 \Omega$$

Impédance de sortie :

En court-circuitant le générateur d'entrée et en supposant qu'il existe un générateur parfait  $V_s$  débitant un courant  $i_s$ , on aura la figure suivante :

La tension  $v_{GS} = 0$   
 $\Rightarrow \mu v_{GS} = 0$

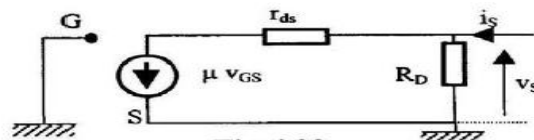


Fig.6.22

D'où :

$$\boxed{Z_S = \frac{v_S}{i_S} = \frac{R_D \cdot r_{ds}}{R_D + r_{ds}}}$$

$$Z_S = \frac{2,9 \cdot 10^3 \cdot 50 \cdot 10^3}{(2,9 + 50) 10^3} = 2,74 \text{ k}\Omega; \quad \boxed{Z_S = 2,74 \text{ k}\Omega}$$