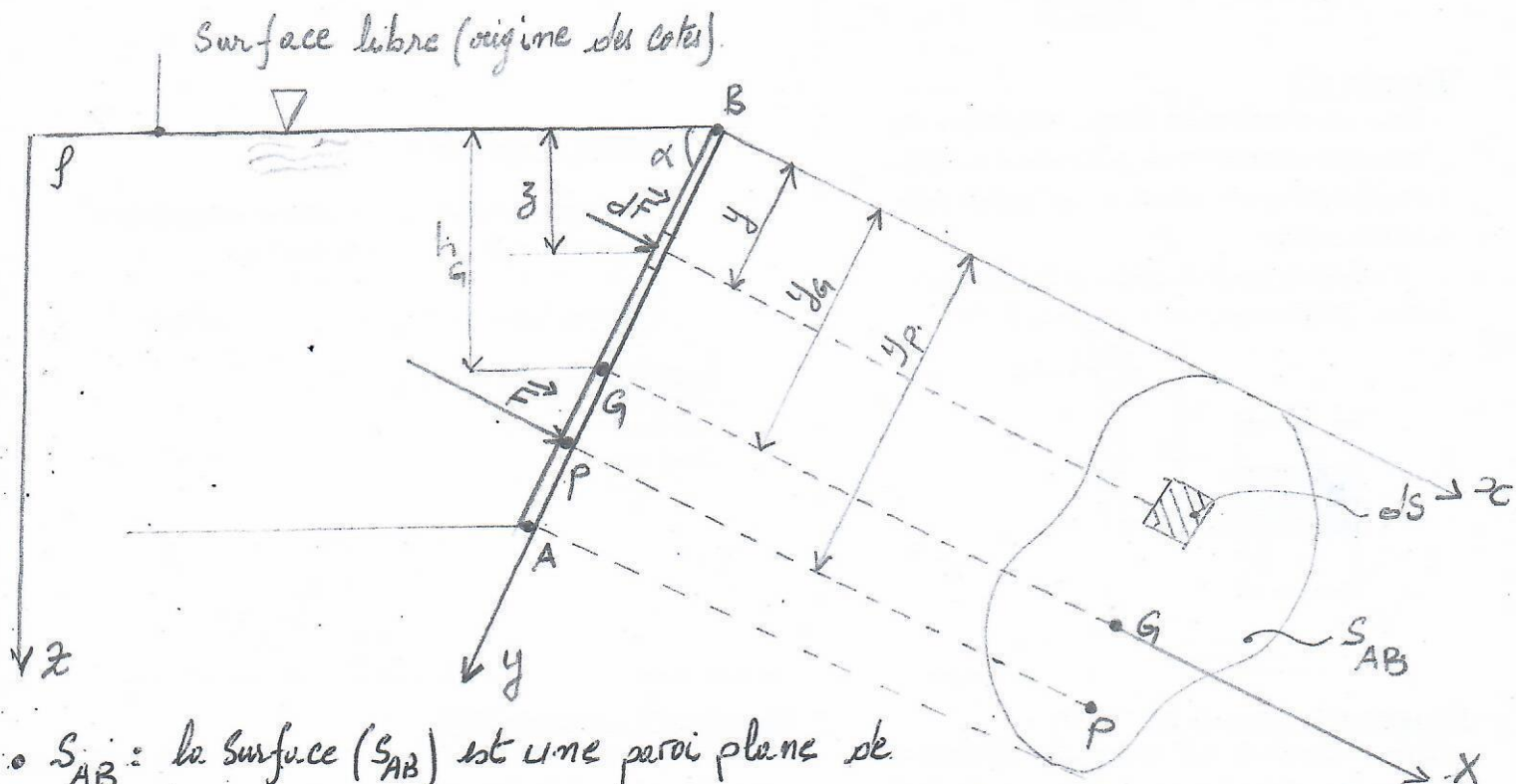


But : déterminer la force de pression exercée par le liquide de masse volumique ρ sur une paroi plane S_{AB} .

- Déterminer :- le module de la force de pression (\vec{F}); $F = ?$,
- le point d'application (centre de poussée); $y_p = ?$
 - le sens
 - et la direction;



- S_{AB} : la surface (S_{AB}) est une paroi plane de forme qdq, immergée dans un liquide (ρ) et inclinée d'un angle α par rapport à l'horizontale.
 - ds : un élément infiniment petit de la S_{AB}
 - G : le centre de la surface S_{AB}
 - y_G : l'ordonnée du pt "G"
 - p : le point d'application
 - y_p : l'ordonnée du pt "p" (la position du centre de poussée)
 - h_G : la distance verticale de la surface libre jusqu'au pt "G" (la profondeur du "G").
 - $d\vec{F}$: la force élémentaire.
- z : l'axe des cotes et dirigée vers le bas (sens positif).

→ Calcul de la pression effective: $P_{eff} = P_{atm} + \rho \cdot g \cdot z - P_{atm} \Rightarrow P_{eff} = \rho \cdot g \cdot z$

→ Calcul du module de la force de pression; $F = ?$

• pour $ds \rightarrow dF = P_{eff} \cdot ds = \rho \cdot g \cdot z \cdot ds$

• pour toute la surface S_{AB} , on fait la somme des forces élémentaires

$$F = \int_S dF = \int_S \rho \cdot g \cdot z \cdot ds ; \sin \alpha = \frac{z}{y} \Rightarrow y = z \cdot \sin \alpha$$

$$F = \int_S \rho \cdot g \cdot y \cdot \sin \alpha \cdot ds ; (\rho, g, \sin \alpha = c^{tes}) \rightarrow F = \rho \cdot g \cdot \sin \alpha \int_S y \cdot ds \dots (1)$$

$M_x = \int_S y \cdot ds$: moment statique; $\int_S y \cdot ds = y_G \cdot S_{AB}$ (l'ordonnée du centre de gravité de la S_{AB})

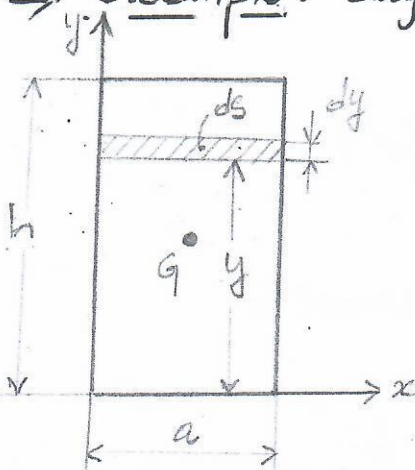
Donc l'éq. (1) s'écrit: $F = \rho \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot y_G \cdot S_{AB}$; $y_G = \frac{z}{\sin \alpha} = h_G$

$$\Rightarrow \boxed{F = \rho \cdot g \cdot h_G \cdot S_{AB}}$$

La force de pression est le produit de la pression effective au centre de la paroi plane par la surface S_{AB} .

$$\begin{cases} F: N \\ y: m/s^2, \rho: Kg/m^3 \\ h_G: m, S_{AB}: m^2 \end{cases}$$

→ Exemple: Surface rectangulaire ($a \times h$).



$$\begin{aligned} ds &= a \cdot dy \cdot h \\ M_x &= \int_S y \cdot ds = \int_0^h y \cdot (a \cdot dy) = a \cdot \frac{y^2}{2} \Big|_0^h = a \cdot \frac{h^2}{2} \\ &= (a \cdot h) \cdot \frac{h}{2} = S \cdot h_G \end{aligned}$$

→ Le point d'application (centre de poussée): Le calcul de l'ordonnée du pt d'application, $y_p = ?$, est lié au calcul du moment des forces de pression sur la surface S_{AB} .

• Le moment élémentaire dM de la force élémentaire dF par rapport à l'axe (ox): $dM = y \cdot dF = y \cdot (\rho \cdot g \cdot y \cdot \sin \alpha \cdot ds) = \rho \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot y^2 \cdot ds$

• Sur toute la surface S_{AB} : $M = \int dM = \rho \cdot g \cdot \sin \alpha \cdot \int y^2 \cdot ds \dots (2)$