

Rattrapage: Méthodes Numériques Appliquées I – Master M1EN

N.B : *Aucun document n'est autorisé. Durée : 1 h 30 mn.*

Exercice N° 1: (8 points)

Soit l'équation de la chaleur 1D définie par:

$$\frac{\partial T}{\partial t} - \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = 0$$

$$0 \leq x \leq L \quad \text{et} \quad t > 0$$

$$\frac{\partial T}{\partial x}(0, t) = \alpha \quad , \quad \frac{\partial T}{\partial x}(L, t) = \beta \quad \quad T(x, 0) = \gamma$$

En considérant le schéma explicite d'Euler et en discrétisant les (C.L) par des schémas décentrés d'ordre 1, déterminer la forme matricielle de ce problème.

Exercice N° 2: (5 points)

En utilisant la méthode de séparation de variables, déterminer la solution du problème suivant :

$$\frac{\partial T}{\partial t} - \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} = 0$$

$$0 \leq x \leq 1 \quad \text{et} \quad t > 0$$

$$T(0, t) = 0 \quad , \quad T(1, t) = 0 \quad , \quad T(x, 0) = 10$$

Exercice N° 3: (7 points)

Déterminer la forme matricielle pour l'équation de Laplace appliquée à une plaque ($N_x=N_y=4$) en utilisant le schéma à 9 points et en discrétisant les (C.L) de Neumann par des schémas centrés.

On donne :

$$\Delta x=1, \quad T_b = 100^\circ\text{C}, \quad T_h = 40^\circ\text{C}, \quad \left. \frac{\partial T}{\partial x} \right|_g = 10 \quad \text{et} \quad \left. \frac{\partial T}{\partial x} \right|_d = 20$$

Bonne chance