

السلسلة الثالثة

التمرين الأول:

أ. مثل على مخطط كلايبرون ($P(V)$) كلا من التحولات التالية:

- (1) تمدد أو انضغاط متساوي درجة الحرارة (إيزو ثارم)،
- (2) تسخين أو تبريد متساوي الضغط (إيزوبار).
- (3) تسخين أو تبريد متساوي الحجم (إيزوكور)،
- (4) تمدد أو انضغاط كضوم (أديباتيك).

ب. ما هو نوع التحول الذي تعبّر عنه المعادلات الآتية:

$$\begin{aligned} \Delta U = W \quad (4) & , \quad \Delta U = Q \quad (2) & , \quad \Delta H = Q \quad (3) \\ . \quad \Delta H = 0 \quad (8) & , \quad \Delta U = 0 \quad (7) & , \quad P.V' = Cte \quad (6) & , \quad P.V = Cte \quad (5) \end{aligned}$$

التمرين الثاني:

- (1) أحسب العمل الناتج عن ضغط 2mol من الأكسجين باعتباره غاز مثالي، عند درجة حرارة ثابتة ($T=25^\circ\text{C}$), و المتواجد ابتدائياً عند الضغط الجوي $P_1=1\text{atm}$ إلى غاية $P_2=5\text{atm}$ و هذا بطريقتين: (أ) عكوسية و (ب) لا عكوسية.
- (2) عند التوازن الميكانيكي تقوم بالخفض البطيء للضغط حتى العودة إلى الضغط الجوي. أحسب العمل المنجز من طرف الغاز علماً أن درجة الحرارة تبقى ثابتة. إذا تمت هذه العملية بصورة سريعة، فما هي قيمة العمل المنجز في هذه الحالة.
- (3) مثل كلا من هذه التحولات على مخطط كلايبرون ($P(V)$) مبرزاً عليها قيم العمل بيانياً.

التمرين الثالث:

نخضع كتلة من الهواء ($P_A=1\text{atm}$, $M=29\text{g/mol}$, $\gamma=1.4$, $T_A=15^\circ\text{C}$) تتواجد ابتدائياً عند درجة حرارة C و ضغط $T_A=15^\circ\text{C}$. لسلسلة من التحولات العكوسية و المتناثلة:

(أ) انضغاط كضوم AB (أديباتيكي) حتى $P_B=7\text{atm}$.

(ب) تسخين متساوي الضغط BC (إيزوبار) حتى درجة الحرارة $T_C=350^\circ\text{C}$.

(ج) تمدد أديباتيكي CD حتى نصف الحجم الابتدائي.

(د) تمدد متساوي درجة الحرارة DE (إيزو ثارم) حتى الحجم الابتدائي.

(هـ) تبريد متساوي الحجم EA (إيزوكور) حتى درجة الحرارة الابتدائية.

1. أحسب الإحداثيات (P, V, T) عند نهاية كل تحول.

2. مثل التطور الشامل للغاز على مخطط كلايبرون ($P=f(V)$).

3. أحسب العمل الذي يقدمه الغاز خلال هذه الحلقة.

التمرين الرابع:

نخضع كمية من غاز مثالي إلى دورة عكوسية مكونة من ثلاثة تحولات تتلقي خلالها الجملة عملاً قدره 230cal :

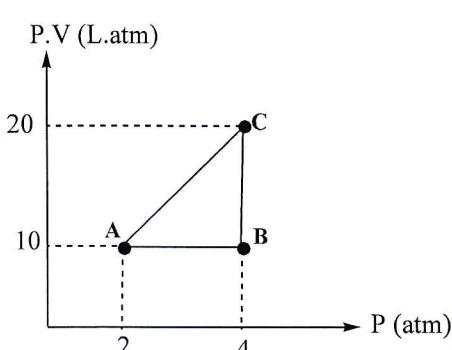
1. تحول عند حجم ثابت (AB) تمنح فيه الجملة للوسط الخارجي كمية من الحرارة قدرها 900cal .

2. تحول عند ضغط ثابت (BC) تمنص خلاله الجملة كمية من الحرارة قدرها 1500cal .

3. تعود الجملة إلى الحالة الابتدائية مع الإبقاء على درجة الحرارة ثابتة خلال هذا التحول (CA).

(أ) مثل هذه التحولات على مخطط كلايبرون ($P(V)$).

(ب) أحسب لكل مرحلة و للحلقة قيمة $W, Q, \Delta U, \Delta H$.



التمرين الخامس:

نخضع غاز مثالي ($C_p = 5R/2$) لحلقة من التحولات الممثلة على المخطط المقابل.

1. استنتاج من المخطط نوع التحولات AB, BC, CA.

2. أوجد الإحداثيات (P, V) للنقط A, B, C.

3. أحسب لكل مرحلة و للحلقة قيمة $W, Q, \Delta U, \Delta H$ في الحالات التالية:

أـ كل المراحل عكوسية.

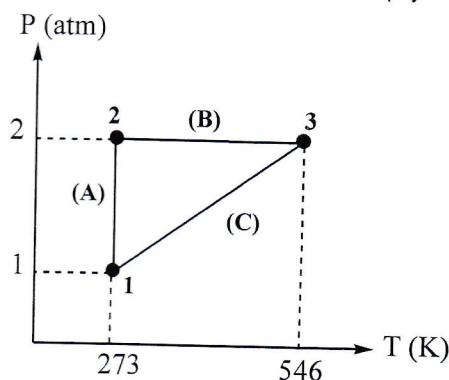
بـ كل المراحل غير عكوسية.

التمرين السادس:

يُخضع 1 مول من غاز مثالي لثلاث تحولات عكوسية C, B, A و الممثلة على المخطط $P(T)$.

1. مثل هذه التحولات على مخطط كلايرون $P(V)$.

2. اتمم الجدول الآتي:



التحول	ΔH (Cal)	ΔU (Cal)	Q (Cal)	W (Cal)
A	378
B	1352.75
C	-810
الحالة

Série de TD N°3

Exercice 1:

A. Représenter les transformations suivantes sur des diagrammes de Clapeyron P(V):

- 1) Détente ou compression isotherme,
- 2) Chauffage ou refroidissement isobare.
- 3) Chauffage ou refroidissement isochore,
- 4) Détente ou compression adiabatique.

B. Quel est le type de transformations que l'on peut exprimer par les équations suivantes:

- 1) $W=0$,
- 2) $\Delta H=Q$,
- 3) $\Delta U=Q$,
- 4) $\Delta U=W$.
- 5) $P \cdot V=Cte$,
- 6) $P \cdot V^\gamma=Cte$,
- 7) $\Delta U=0$,
- 8) $\Delta H=0$.

Exercice 2:

- 1) Calculer le travail échangé au cours de la compression isotherme de 2mol d'oxygène (assimilé à un gaz parfait) depuis la pression $P_1=1\text{ atm}$ jusqu'à $P_2=5\text{ atm}$ à la température $T=25^\circ\text{C}$, si cette transformation s'effectue de manière a) réversible, b) irréversible.
- 2) Après l'équilibre mécanique, on diminue la pression de façon très lente pour revenir à la pression atmosphérique. Calculer le travail effectué par le gaz à la même température. Si cette opération est réalisée très rapidement, quel est dans ce cas, le travail échangé avec le milieu extérieur.
- 3) Représenter toutes ces transformations sur des diagrammes de Clapeyron P(V) en exposant graphiquement la valeur du travail échangé dans chaque cas.

Exercice 3:

On fait subir une masse d'air de 200g ($M=29\text{ g/mol}$, $\gamma=1.4$) qui se trouve initialement à une température $T_A=15^\circ\text{C}$ et sous une pression $P_A=1\text{ atm}$, à une succession de transformations réversibles:

- a) Compression adiabatique AB jusqu'à $P_B=7\text{ atm}$.
 - b) Chauffage isobare BC jusqu'à la température $T_C=350^\circ\text{C}$.
 - c) Détente adiabatique CD jusqu'à la moitié du volume initial.
 - d) Détente isotherme DE jusqu'au volume initial.
 - e) Refroidissement isochore EA jusqu'à la température initiale.
- 1) Déterminer les paramètres d'état du gaz (P , V , T) à la fin de chaque transformation.
 - 2) Représenter l'évolution globale du gaz sur un diagramme de Clapeyron P(V).
 - 3) Calculer le travail fourni par le gaz au cours de ce cycle.

Exercice 4:

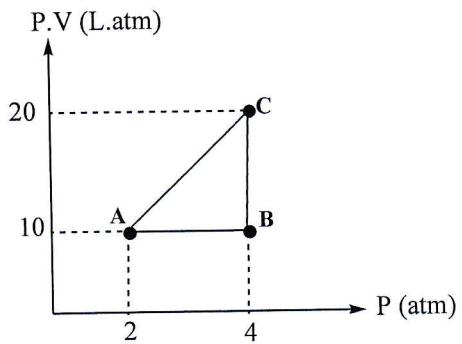
On fait subir une quantité d'un gaz parfait à un cycle de réversible constitué de trois transformations dans lesquelles le système reçoit un travail global $W_{cycle}=230\text{ cal}$:

- 1) transformation isochore (AB) avec une perte de chaleur de 900cal.
 - 2) transformation isobare (BC) avec un gain de chaleur de 1500cal.
 - 3) le système revient à l'état initial par un processus à température constante (CA).
- a) Représenter les trois processus dans un diagramme de Clapeyron P(V).
 - b) Calculer W , Q , ΔH , ΔU pour chaque transformation et pour le cycle.

Exercice 5:

On fait subir un gaz parfait ($C_P=5R/2$) à un cycle de trois transformations réversibles représentées sur le diagramme ci-contre:

- 1) Déduire du diagramme la nature des processus: AB, BC, CA.
- 2) Déterminer les coordonnées (P, V) relatives aux états A, B, C.
- 3) Calculer pour chaque transformation et pour le cycle la valeur de W, Q, ΔU , ΔH dans le cas où :
 - tous les processus sont réversibles
 - tous les processus sont irréversibles.



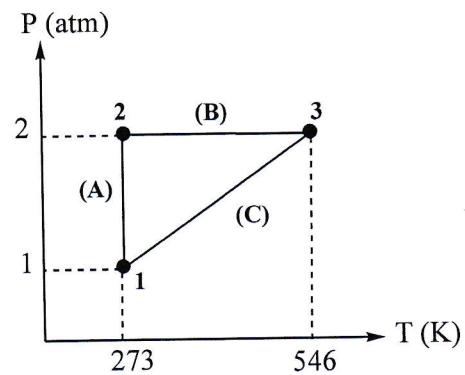
Exercice 6:

1 mole d'un gaz parfait est soumise à trois processus réversibles A, B, C figurés sur le diagramme P(T).

- 1) Représenter ces transformations sur le diagramme de Clapeyron P(V).

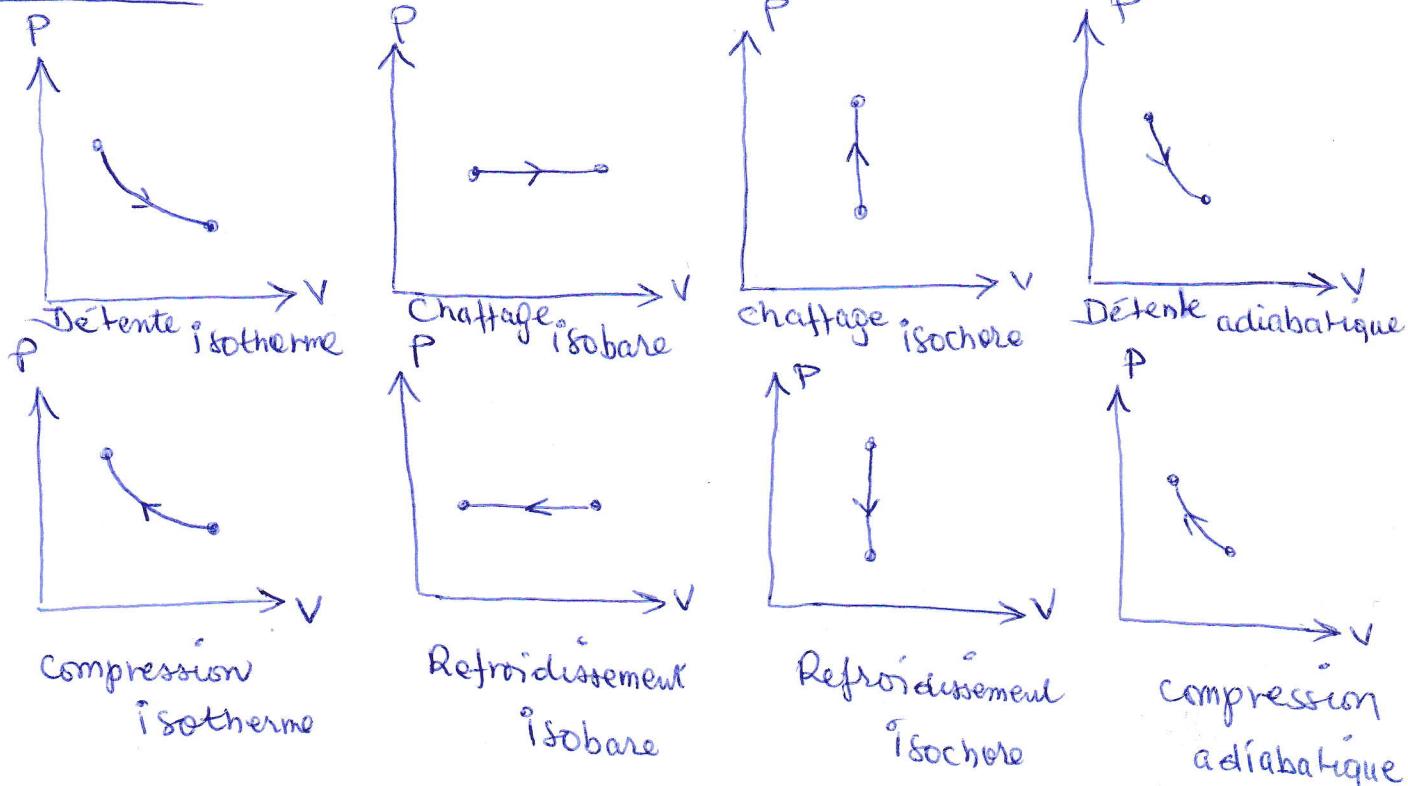
- 2) Compléter le tableau suivant:

Processus	W (Cal)	Q (Cal)	ΔU (Cal)	ΔH (Cal)
A	378
B	1352.75
C	-810
Cycle



SERIE DE TD N°3

EXERCICE 1:



b)

Equation	$W=0$	$\Delta H=Q$	$\Delta U=Q$	$\Delta U=W$	$P \cdot V = \text{cte}$
Processus	Isochoré	Isobare	Isochoré	Adiabatique	Isotherme

Equation	$P \cdot V^{\gamma} = \text{cte}$	$\Delta U=0$	$\Delta H=0$
Processus	Adiabatique réversible	Isotherme	Isotherme

EXERCICE 2:

1.a) Isotherme réversible =

$$W_{\text{rév}} = -nRT \ln \frac{V_2}{V_1} = -nRT \ln \frac{P_1}{P_2} = -2 \cdot 0,082 \cdot 298 \ln \frac{1}{5}$$

$$\Rightarrow W_{\text{rév}} = 78,66 \text{ J. atm.}$$

1.b) Isotherme irréversible =

$$W_{\text{irr}} = -P_{\text{finale}}(V_2 - V_1) = -P_2(V_2 - V_1) = -\frac{nRT}{V_2}(V_2 - V_1) = -nRT\left(1 - \frac{V_1}{V_2}\right)$$

avec: $\frac{V_1}{V_2} = \frac{P_2}{P_1}$

A.N.: $W_{\text{irr}} = -nRT \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right) = -2 \cdot 0,082 \cdot 298 \left(1 - \frac{5}{1}\right)$

$\Rightarrow W_{\text{irr}} = 195,49 \text{ l.atm}$

→ On remarque que W_{irr} est supérieur à $W_{\text{rév}}$ (et ce pour la même transformation).

2-a) Isotherme réversible

$$W_{\text{rév}} = -nRT \ln \frac{P_1}{P_2} = -2 \cdot 0,082 (\ln \frac{5}{1}) \cdot 298$$

$W_{\text{rév.}} = -78,66 \text{ l.atm}$

2-b) Isotherme irréversible

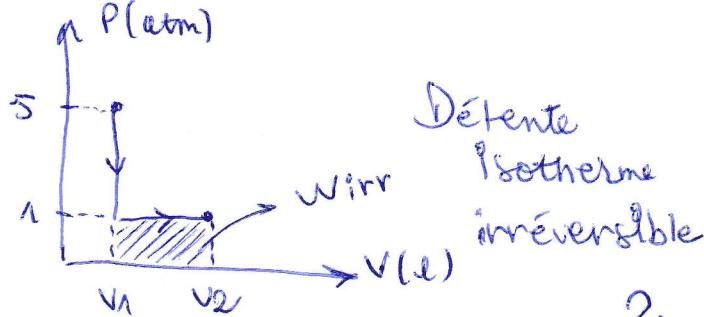
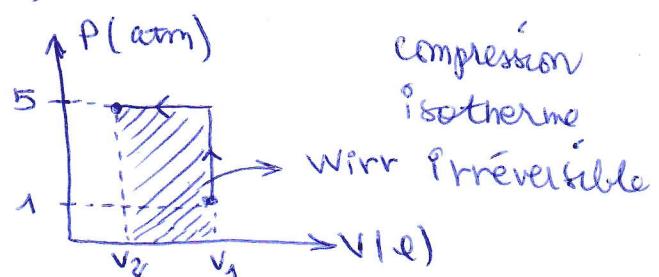
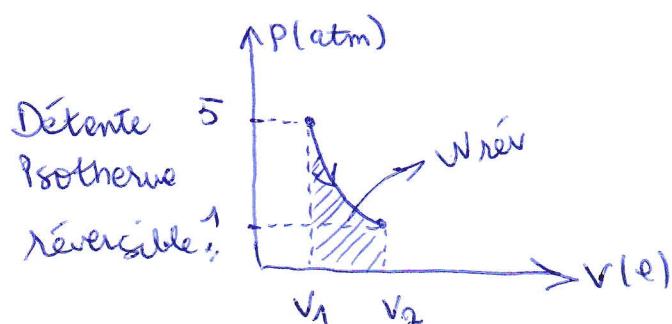
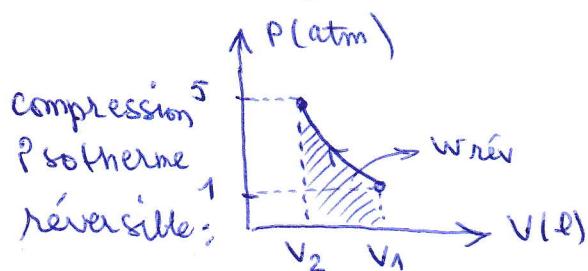
$$W_{\text{irr.}} = -P_2(V_2 - V_1) = -\frac{nRT}{V_2}(V_2 - V_1) = -nRT \left(1 - \frac{P_2}{P_1}\right)$$

$$= -2 \cdot 0,082 \cdot 298 \left(1 - \frac{1}{5}\right)$$

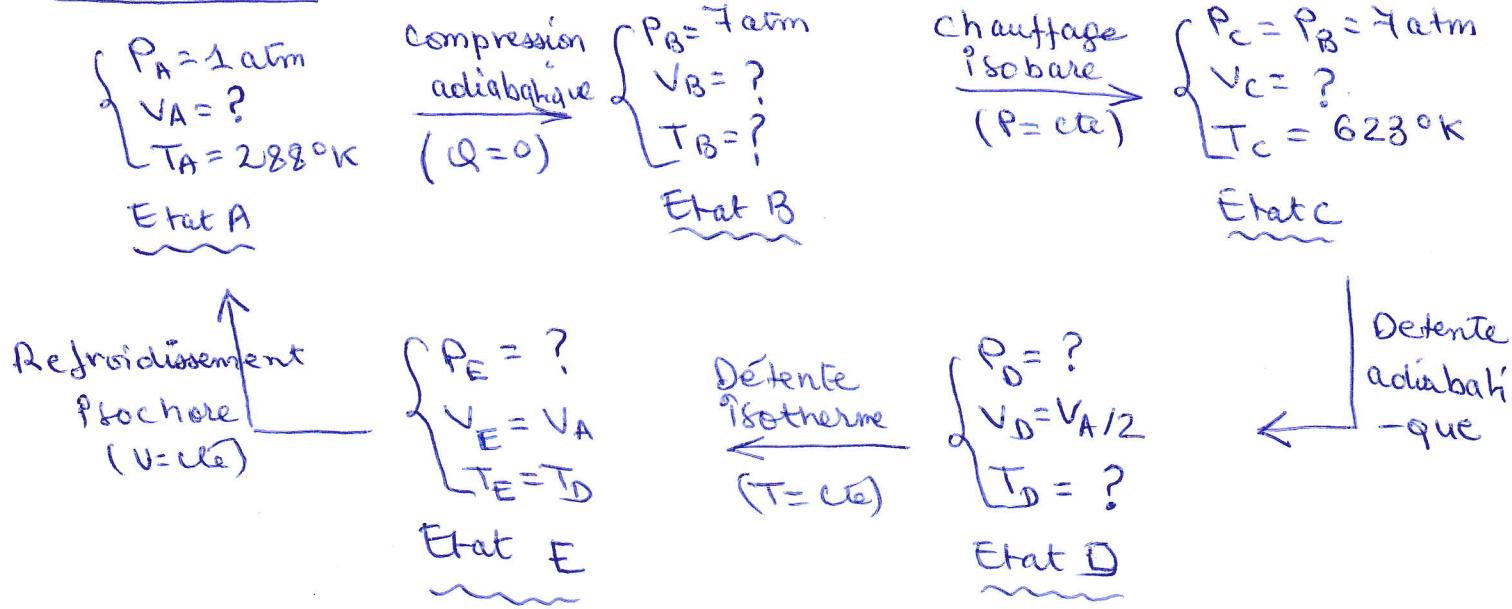
$W_{\text{irr.}} = -39,10 \text{ l.atm}$

→ $|W_{\text{rév.}}| > |W_{\text{irr.}}|$

3. Diagrammes de Clapeyron: $P(V)$



EXERCICE 3:



1. Calcul des coordonnées P, V, T à la fin de chaque transformation :

- La quantité de matière : $n = \frac{m}{M} = \frac{200 \text{ g}}{29 \text{ g/mol}} = 6,89 \text{ mol.}$
- $P_A V_A = n R T_A \Rightarrow V_A = \frac{n R T_A}{P_A} = \frac{6,89 \cdot 0,082 \cdot 288}{1} = 162,87 \text{ l.}$
- AB: Transformation adiabatique : $P V^\gamma = \text{cte}$

$$\Rightarrow P_A \cdot V_A^\gamma = P_B \cdot V_B^\gamma$$

$$\Rightarrow V_B^\gamma = \frac{P_A \cdot V_A^\gamma}{P_B}$$

$$\Rightarrow V_B = \sqrt[\gamma]{\frac{P_A \cdot V_A^\gamma}{P_B}} = \left(\frac{P_A}{P_B} \right)^{\frac{1}{\gamma}} \cdot V_A$$

$$\stackrel{A \in N}{=} V_B = \left(\frac{1}{7} \right)^{\frac{1}{1.14}} \cdot 162,87 \text{ l}$$

$V_B = 40,54 \text{ l}$
- $P_B V_B = n R T_B \Rightarrow T_B = \frac{P_B V_B}{n R} = \frac{7 \cdot 40,54}{6,89 \cdot 0,082} = 502,65 \text{ K}$
- BC: Chaudrage isobare : $P = \text{cte} \Rightarrow \frac{V}{T} = \text{cte}$

$$\Rightarrow \frac{V_B}{T_B} = \frac{V_C}{T_C} \Rightarrow V_C = \frac{V_B}{T_B} \cdot T_C$$

3. Calcul du travail total W_{cycle} :

$$W_{\text{cycle}} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DE} + W_{EA}$$

$$\bullet W_{AB} = \frac{P_B V_B - P_A V_A}{\gamma - 1} = \frac{(7 \times 40,57) - (1 \times 162,87)}{1,14 - 1} = 302,8 \text{ l.atm}$$

$$\bullet W_{BC} = -P(V_C - V_B) = -7(50,28 - 40,57) = -67,94 \text{ l.atm}$$

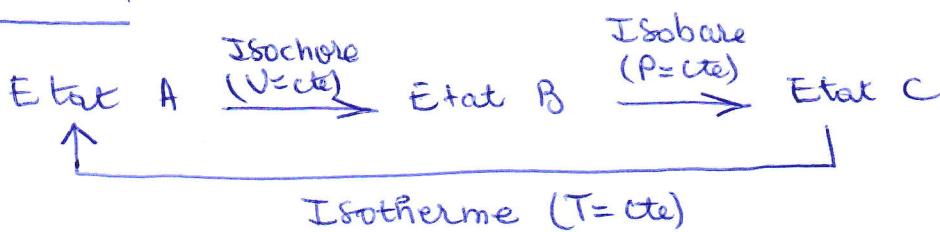
$$\bullet W_{CD} = \frac{P_D V_D - P_C V_C}{\gamma - 1} = \frac{(3,57 \cdot 81,44) - (7 \cdot 50,28)}{1,14 - 1} = -153,05 \text{ l.atm}$$

$$\bullet W_{DE} = -PV \ln \frac{V_E}{V_D} = -3,57 \cdot 81,44 \cdot \ln \frac{162,87}{81,44} = -201,5 \text{ l.atm}$$

$$\bullet W_{EA} = 0$$

$$\Rightarrow W_{\text{cycle}} = -119,72 \text{ l.atm.}$$

EXERCICE 4:



1) Processus isochore : (AB)

$$W_{AB} = 0 \text{ et } Q_{AB} = \Delta U_{AB} = -900 \text{ cal}$$

2) Processus isobare : (BC)

$$Q_{BC} = 1500 \text{ cal}$$

$$\Delta H_{BC} = Q_{BC} = 1500 \text{ cal}$$

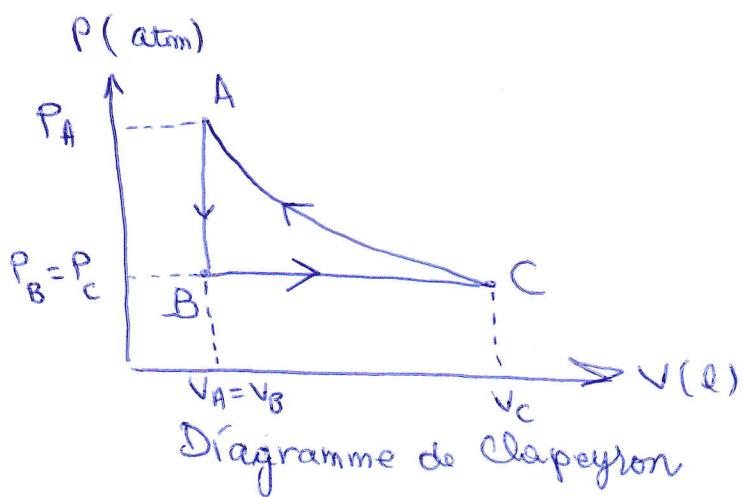
3) Processus isotherme : (CA)

$$\Delta U_{CA} = \Delta H_{CA} = 0$$

	AB	BC	CA	Cycle
W	0	-600	830	230
Q	-900	1500	-830	-230
ΔU	-900	900	0	0
ΔH	-1500	1500	0	0

* Calcul de ΔH_{AB} , W_{BC} , ΔU_{BC} , W_{CA} et Q_{CA} = 5

- $\Delta U_{\text{cycle}} = \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = 0$
- $\Rightarrow \boxed{\Delta U_{BC} = 900 \text{ cal}} \Rightarrow \boxed{W_{BC} = \Delta U_{BC} - Q_{BC} = -600 \text{ cal}}$
- $\Delta H_{\text{cycle}} = \Delta H_{AB} + \Delta H_{BC} + \Delta H_{CA} = 0$
- $\Rightarrow \boxed{\Delta H_{AB} = -1500 \text{ cal}}$
- $W_{\text{cycle}} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA} = 230 \text{ cal} \Rightarrow \boxed{W_{CA} = 830 \text{ cal}}$
- $\Rightarrow \boxed{Q_{CA} = -830 \text{ cal}}$



EXERCICE 5:

- D'après le diagramme :
 - (AB): compression isotherme ($P \cdot V = \text{cte}$)
 - (BC): processus isobare ($P = \text{cte}$)
 - (CA): processus isochore ($V = \text{cte}$)

- Calcul des coordonnées (P, V) des états A, B et C :

A : $\begin{cases} P_A V_A = 10 \text{ l atm} \\ P_A = 2 \text{ atm} \end{cases} \Rightarrow \boxed{V_A = 5 \text{ l}}$

B : $\begin{cases} P_B V_B = 10 \text{ l atm} \\ P_B = 4 \text{ atm} \end{cases} \Rightarrow \boxed{V_B = 2,5 \text{ l}}$

C : $\begin{cases} P_C V_C = 20 \text{ l atm} \\ P_C = 4 \text{ atm} \end{cases} \Rightarrow \boxed{V_C = 5 \text{ l}}$

3. W , Q , ΔU et ΔH pour tres les transformations et pour le cycle:

a) Compression isotherme; $T = \text{cte}$

$$\Delta U_{AB} = \Delta H_{AB} = 0$$

$$W_{AB} = -nRT \ln \frac{V_B}{V_A} = -P_A V_A \ln \frac{V_B}{V_A} = 6,93 \text{ l.atm}$$

$$\Rightarrow Q_{AB} = -W_{AB} = -6,93 \text{ l.atm}$$

b) Chauffage isobare; $P = \text{cte}$

$$W_{BC} = -P_B (V_C - V_B) = -10 \text{ l.atm.}$$

$$\begin{aligned} \Delta H_{BC} &= Q_{BC} = nC_p (T_C - T_B) = \frac{C_p}{R} (nRT_C - nRT_B) \\ &= \frac{5}{2} (P_C V_C - P_B V_B) \\ &= 25 \text{ l.atm.} \end{aligned}$$

$$\Delta U_{BC} = \frac{3}{2} (P_C V_C - P_B V_B) = 15 \text{ l.atm}$$

c) Refroidissement isochore; $V = \text{cte}$

$$W_{CA} = 0$$

$$Q_{CA} = \Delta U_{CA} = \frac{3}{2} (P_A V_A - P_C V_C) = -15 \text{ l.atm}$$

$$\Delta H_{CA} = \frac{5}{2} (P_A V_A - P_C V_C) = -25 \text{ l.atm.}$$

d) Pour le cycle:

$W_{\text{cycle}} = -3,07 \text{ l.atm}$
$Q_{\text{cycle}} = 3,07 \text{ l.atm}$
$\Delta U_{\text{cycle}} = \Delta H_{\text{cycle}} = 0$

4. Dans le 2^{eme} cas, où tres les transformations sont irreversibles, si n'y aura aucun changement par rapport à la question précédente sauf pour le processus isotherme

$$W_{AB} = -P_{\text{final}} (V_B - V_A) = -P_B (V_B - V_A) = 10 \text{ l.atm}$$

$$\Rightarrow Q_{AB} = -10 \text{ l.atm}, \Delta U_{AB} = \Delta H_{AB} = 0$$

Pour le cycle: $W_{\text{cycle}} = 0$, $Q_{\text{cycle}} = 0$, $\Delta U_{\text{cycle}} = \Delta H_{\text{cycle}} = 0$

EXERCICE 6:

1) Transformation A: Isotherme: $P_1 V_1 = P_2 V_2 \Rightarrow V_1 = 2V_2 / V_1 = 22,4 \text{ l}$
 $\Rightarrow V_2 = 11,2 \text{ l}$

2) Transformation B: Isobare: $\frac{V_2}{T_2} = \frac{V_3}{T_3} \Rightarrow V_3 = 22,4 \text{ l}$

Alors: 1 (1 atm, 22,4 l), 2 (2 atm, 11,2 l), 3 (2 atm, 22,4 l)

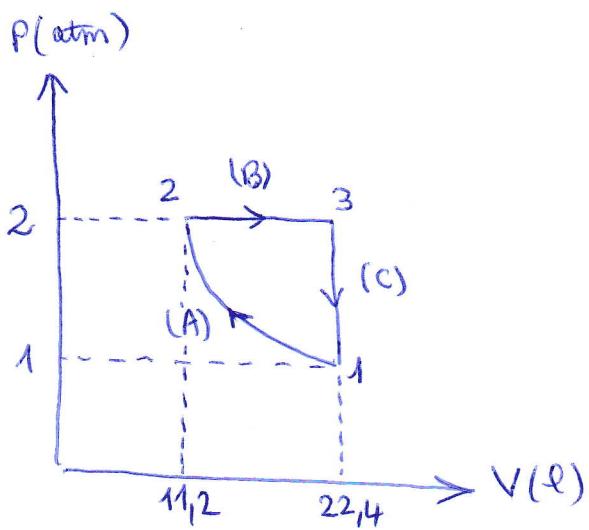
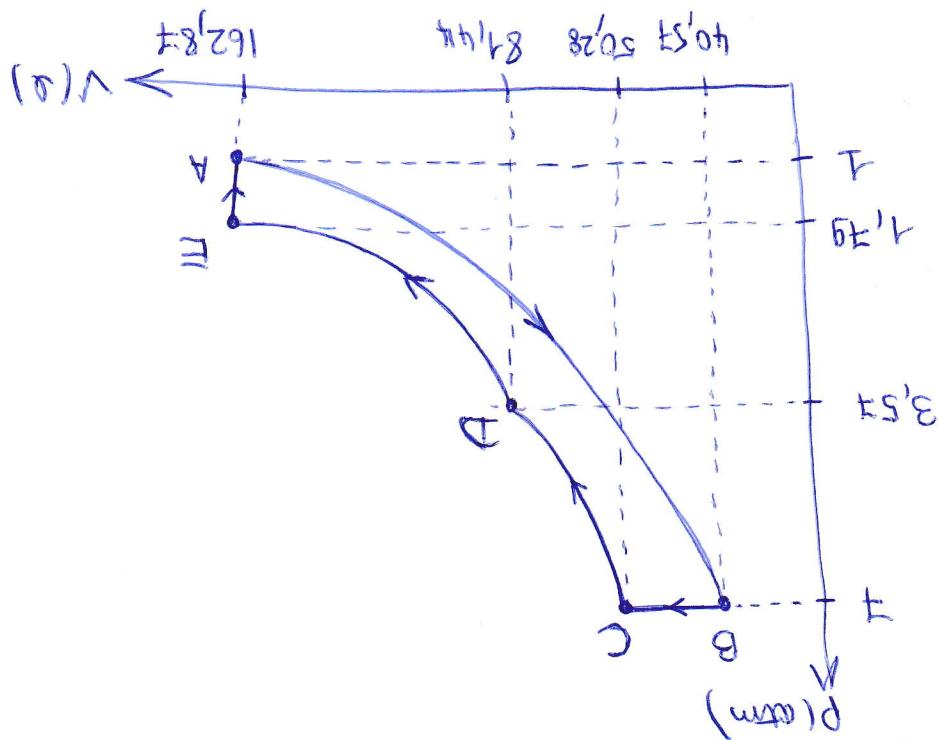


Diagramme de Clapeyron

Processus	W	Q	ΔU	ΔH (en cal)
$1 \rightarrow 2$ (A)	378	-378	0	0
$2 \rightarrow 3$ (B)	-542,75	1352,75	810	1352,75
$3 \rightarrow 1$ (C)	0	-810	810	-1352,75
le cycle	-164,75	164,75	0	0

4



2. Diagramme de Clapeyron: $P = f(V)$

$$\text{A.N.: } P_e = \frac{3,54 \cdot 81,144}{162,84} \Leftrightarrow P_e = 1,179 \text{ atm}$$

$$\Rightarrow P_e V_e = P_e V_0 \Leftrightarrow P_e = \frac{P_e V_0}{V_e}$$

• DE: Dette isotherme; $P \cdot V = \text{cte}$

$$T_0 = 514^\circ\text{K}$$

$$P_e V_0 = n R T_0 \Leftrightarrow T_0 = \frac{P_e V_0}{n R} = \frac{3,54 \cdot 81,144}{6,89 \cdot 0,082}$$

$$P_0 = 3,54 \text{ atm}$$

$$\text{A.N.: } P_0 = 1 \text{ atm} \cdot \left(\frac{81,144}{50,28} \right)^{1/4}$$

$$P_e V_e = P_0 V_0 \Leftrightarrow P_0 = \frac{P_e V_e}{V_0} = P_e \cdot \left(\frac{V_e}{V_0} \right)^2$$

• CD: Dette adiabatique; $P \cdot V^{\gamma} = \text{cte}$.

$$\text{A.N.: } V_c = \frac{40,54 \cdot 8}{50,28} \cdot 623^\circ\text{K} \Leftrightarrow V_c = 50,28 \text{ cm}$$